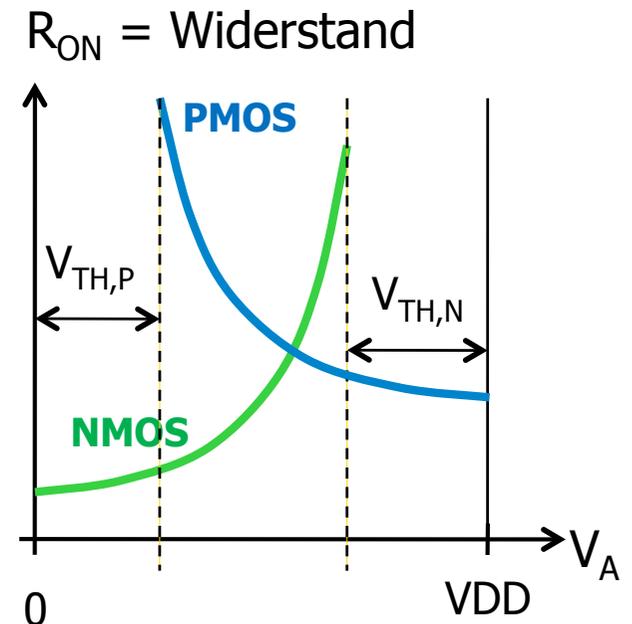
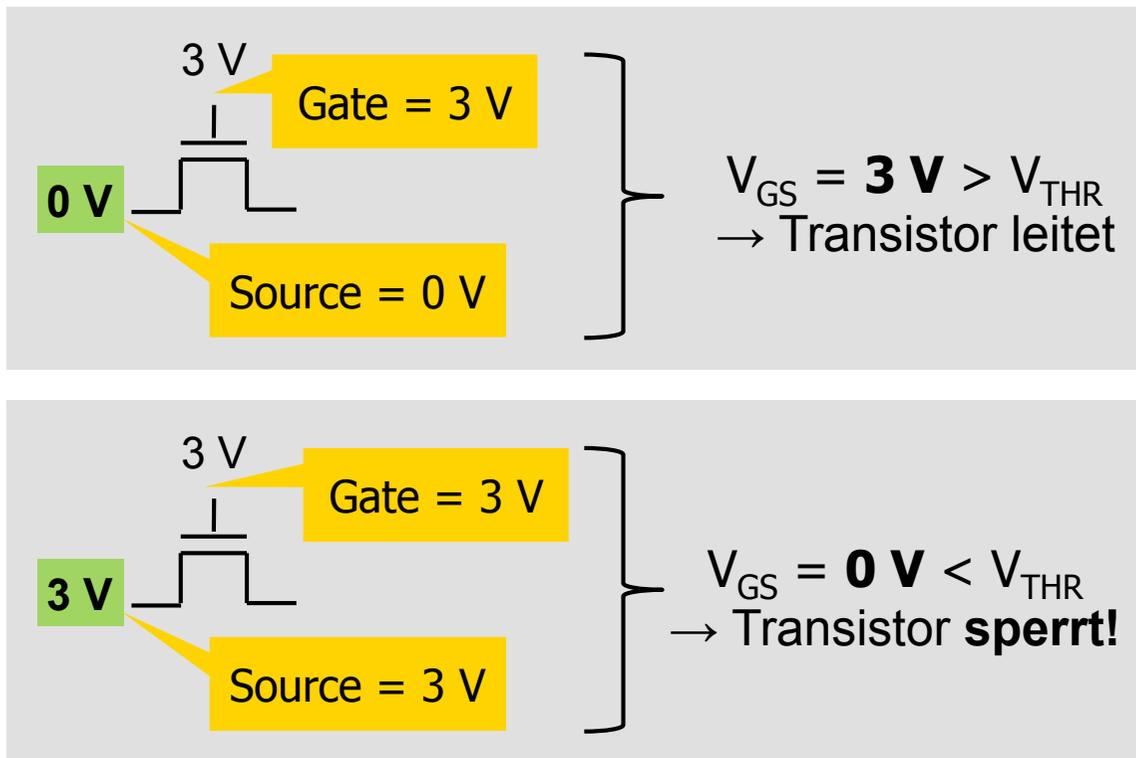

Einfache Schaltungsblöcke

**Transmission Gates, Gesteuerte Inverter,
Multiplexer, Decoder, Addierer,
Latches und Flipflops**

Der Transistor als Schalter

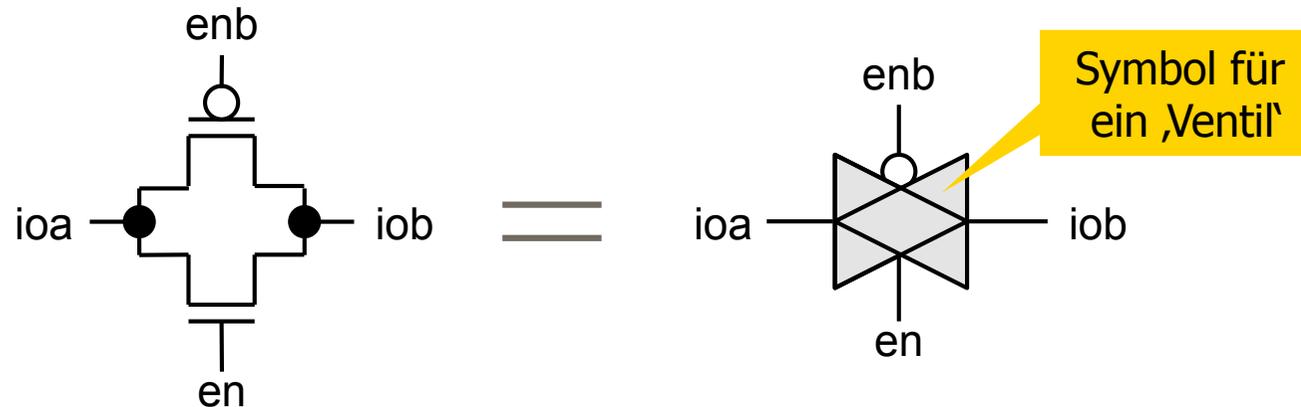


- NEIN: Ein NMOS ist nur für ‚niedrige‘ Spannungen ein ‚guter‘ Schalter:



Transmission Gate

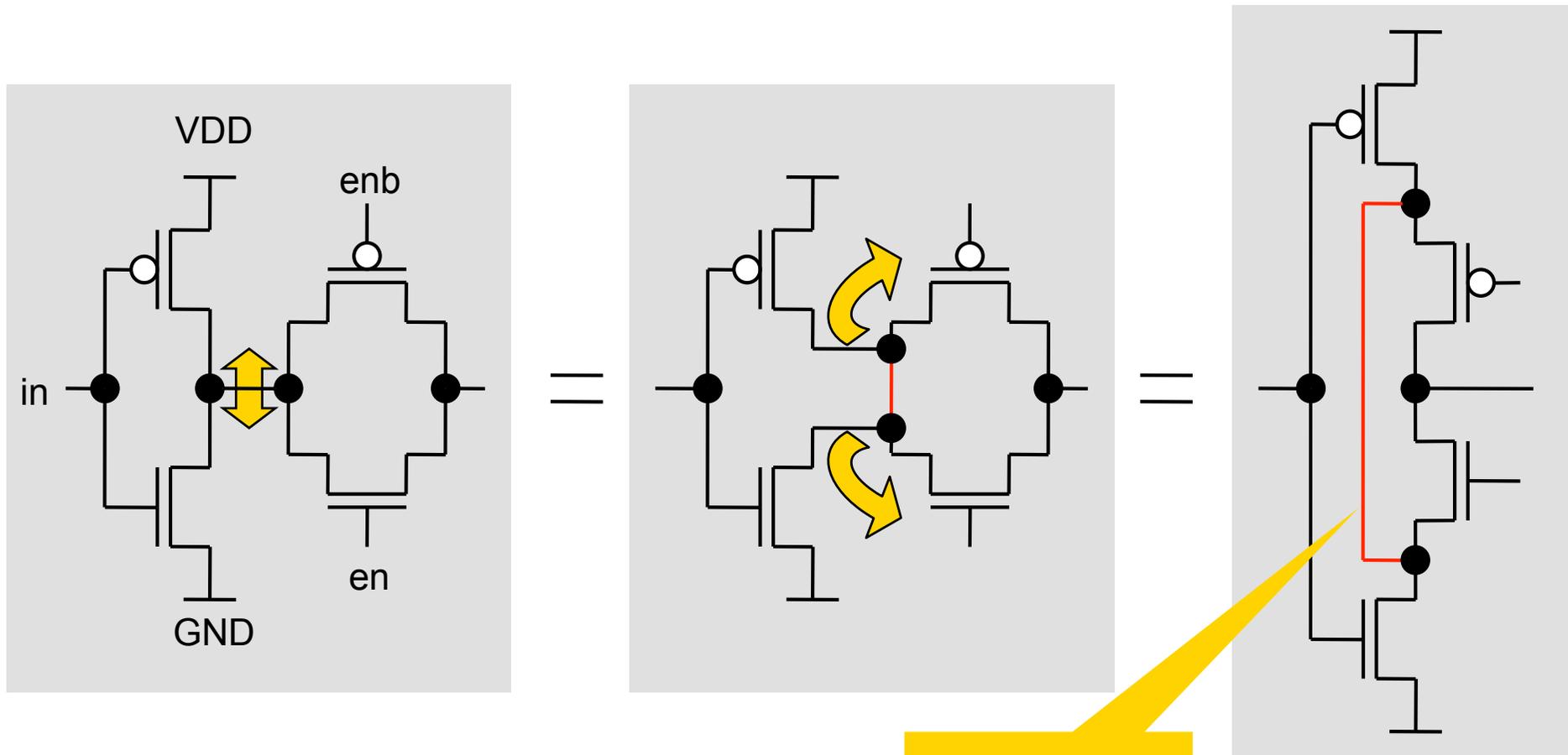
- Die **Parallelschaltung** aus einem NMOS und einem PMOS bildet ein **Transmission Gate** (TGATE)



- Es 'lässt Einsen und Nullen gleichermaßen durch', d.h. der Durchgangswiderstand ist für alle Spannungen *relativ* gleich (das stimmt eigentlich nicht... mehr später).
- Nochmal: ein einzelner NMOS kann wegen der Schwellenspannung keine Spannungen in der Nähe von VDD durchlassen, ein einzelner PMOS kann Spannungen in der Nähe von Masse nicht durchlassen!
- Vergleich mit dem Gated Inverter (s. nächste Folie):
Vorteil: weniger Transistoren
Nachteil: keine Regeneration des Signals
- NB: Trotz der halben Zahl von Transistoren ist das Layout oft nicht viel kleiner!

Inverter + Transmission Gate

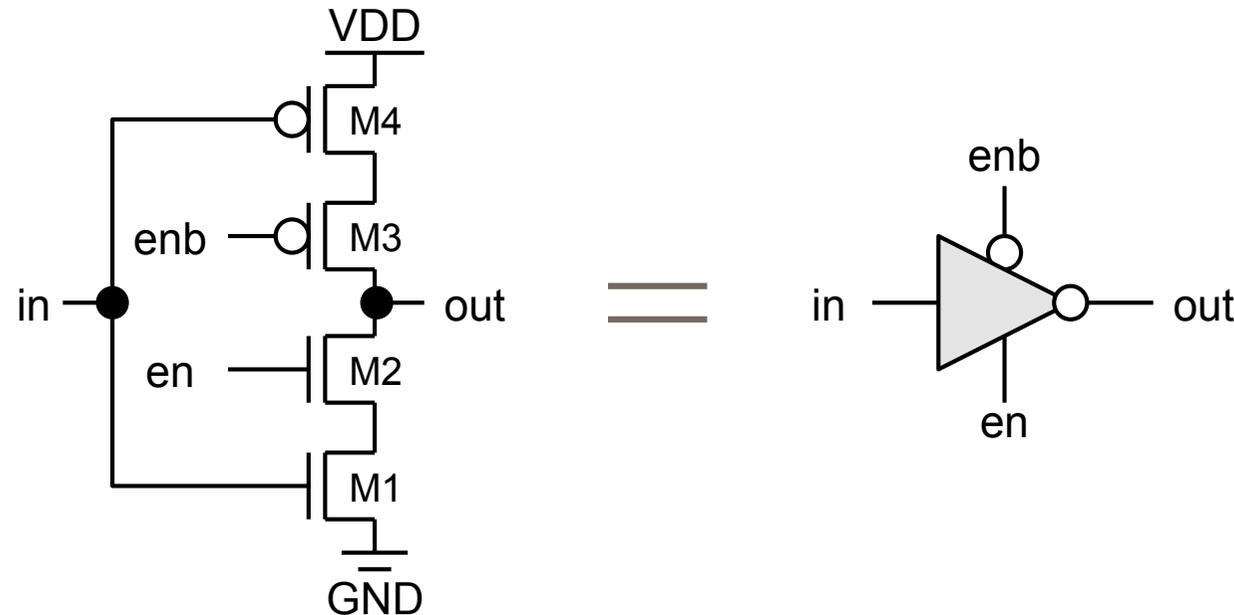
- Topologische Umformung:



Diese Leitung kann man weglassen !

Gesteuerter Inverter

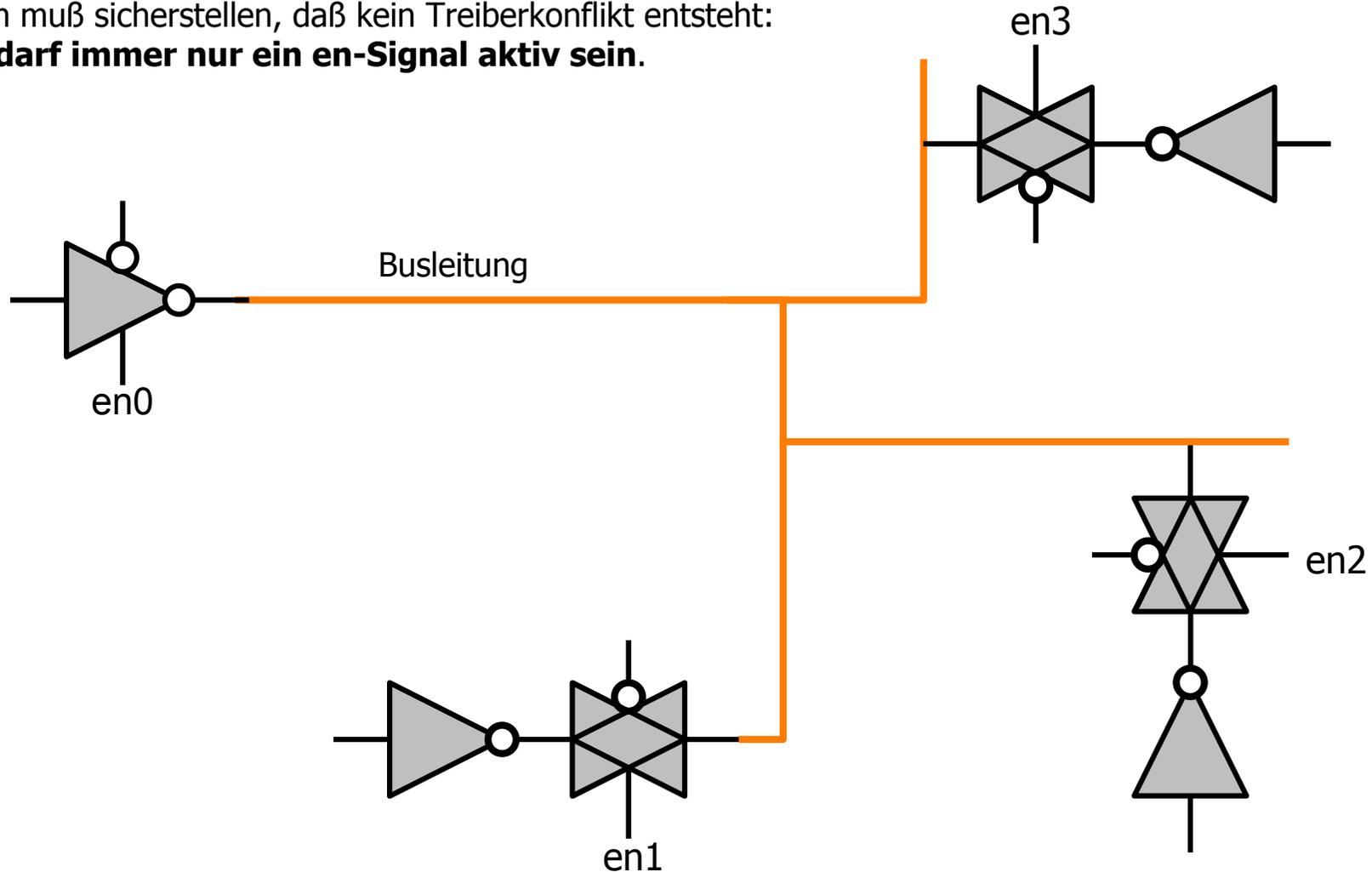
- Durch Weglassen der überflüssigen Leitung erhält man den gesteuerten Inverter („Gated Inverter“):



- Das Steuersignal wird oft mit **en** für 'enable' (aktivieren) bezeichnet
- $en=1$ und $enb=0$: Die Schaltung verhält sich wie ein **Inverter** (mit etwas längerer Durchlaufzeit...)
- $en=0$ und $enb=1$: PMOS M3 und NMOS M2 sperren \Rightarrow der Ausgang ist abgetrennt ('Tri State').
Durch seine Kapazität behält der Ausgang seinen Zustand bei.
Der Zustand kann von anderen Signalquellen verändert werden.
- Anwendung:
 - Dynamische Schaltungen
 - Busse (mehrere Verbraucher bedienen abwechselnd eine Leitung)
 - Multiplexer

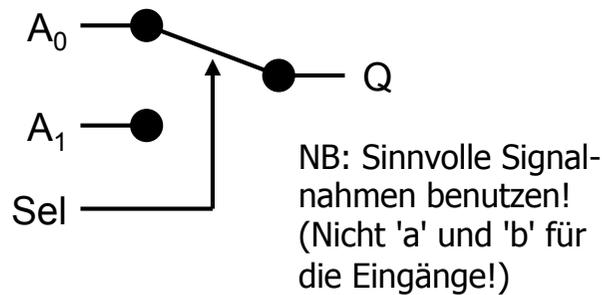
Tristate Ausgänge

- Soll auf einem **Bus** eine von mehreren verteilten Signalquellen ausgewählt werden, so ist es bei verteilten Quellen vorteilhaft den Ausgang abschalten zu können ('high impedance', 'tristate', 'Z')
- Mehrere Quellen können dann abwechselnd auf ein Netz treiben.
- Man muß sicherstellen, daß kein Treiberkonflikt entsteht:
Es darf immer nur ein en-Signal aktiv sein.



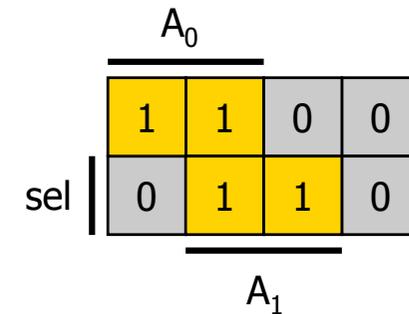
Multiplexer (MUX)

- Wichtige Grundschaltung zur Auswahl eines Signals aus 2 (oder mehreren) Eingängen:

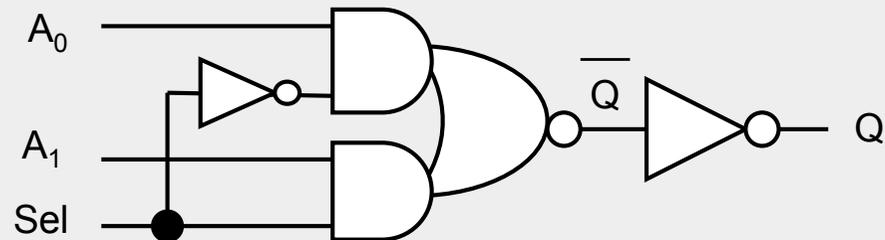


Sel	Q
0	A ₀
1	A ₁

Sel	A ₀	A ₁	Q
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

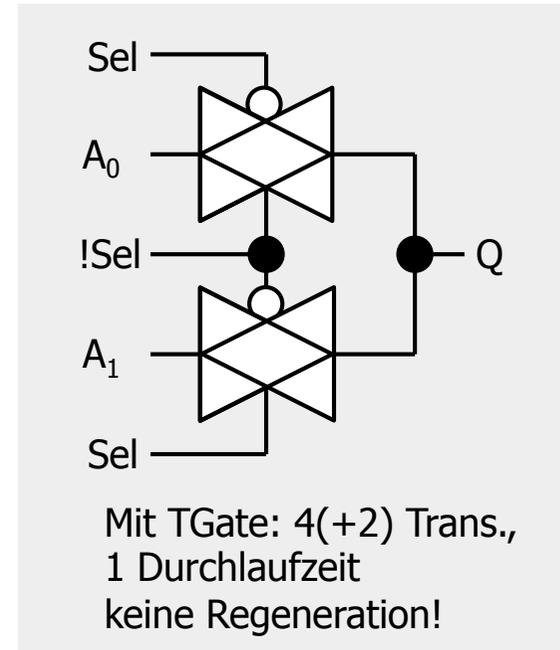
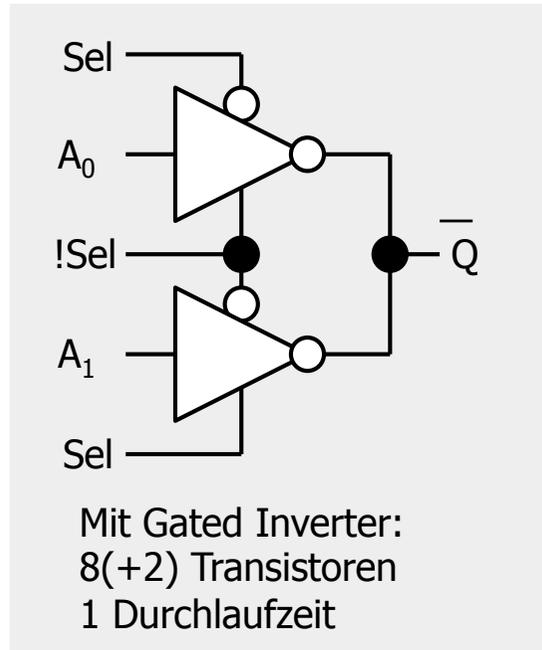


Funktion: $Q = \overline{\text{Sel}} \cdot A_0 + \text{Sel} \cdot A_1$



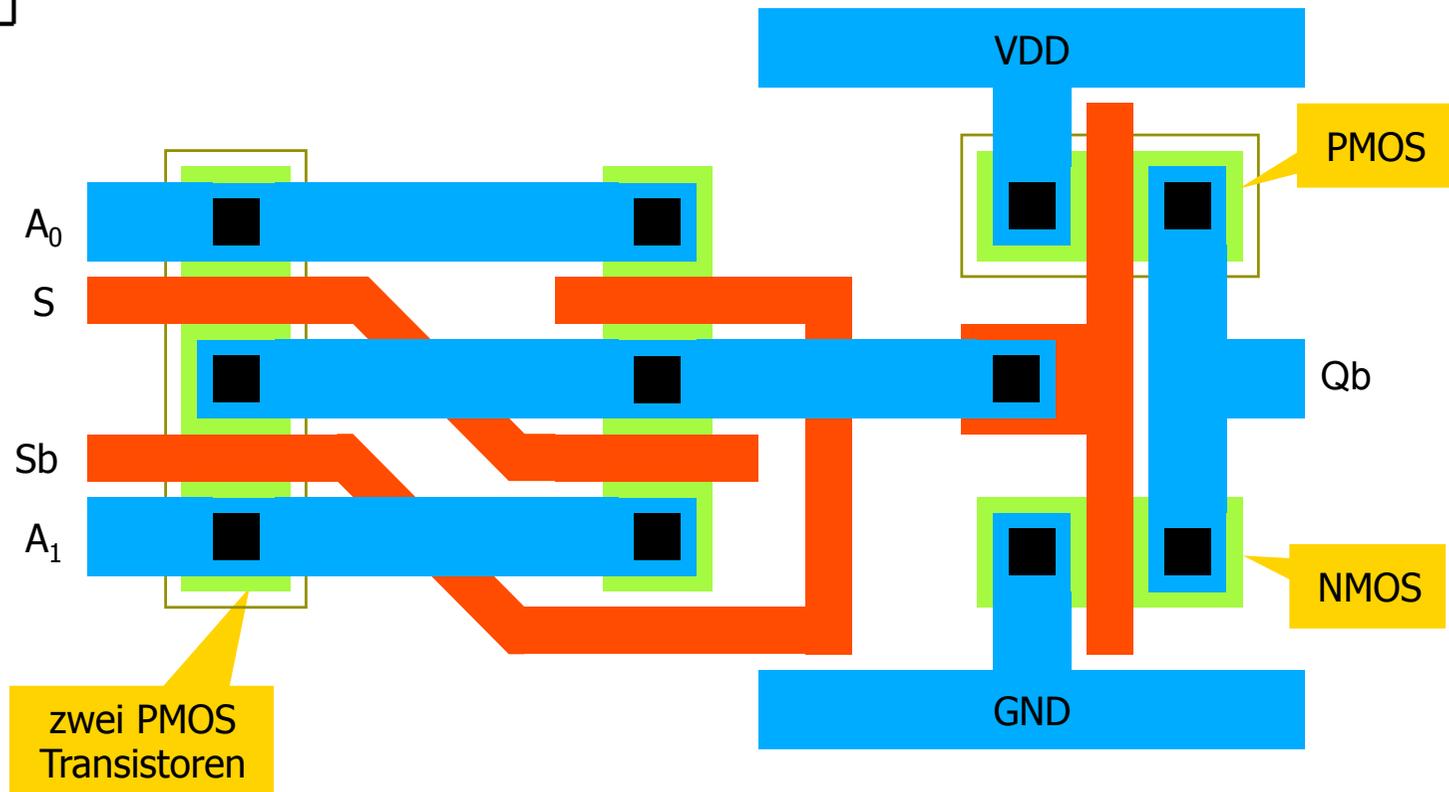
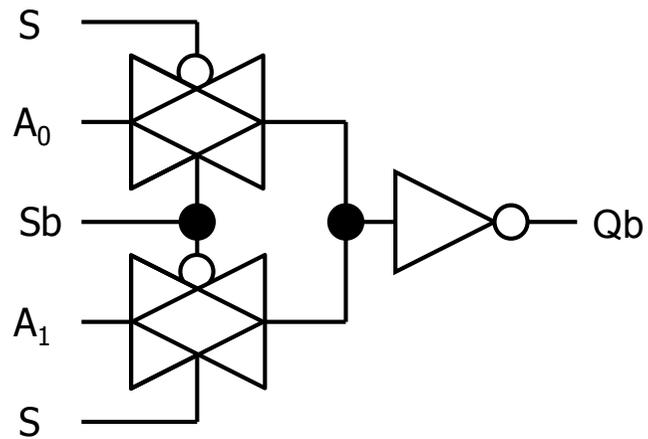
Mit gemischtem Gatter für !Q: 8(+2 für !Sel) Transistoren
2(1) Durchlaufzeiten

MUX mit Gated Invertern und Transmission Gates



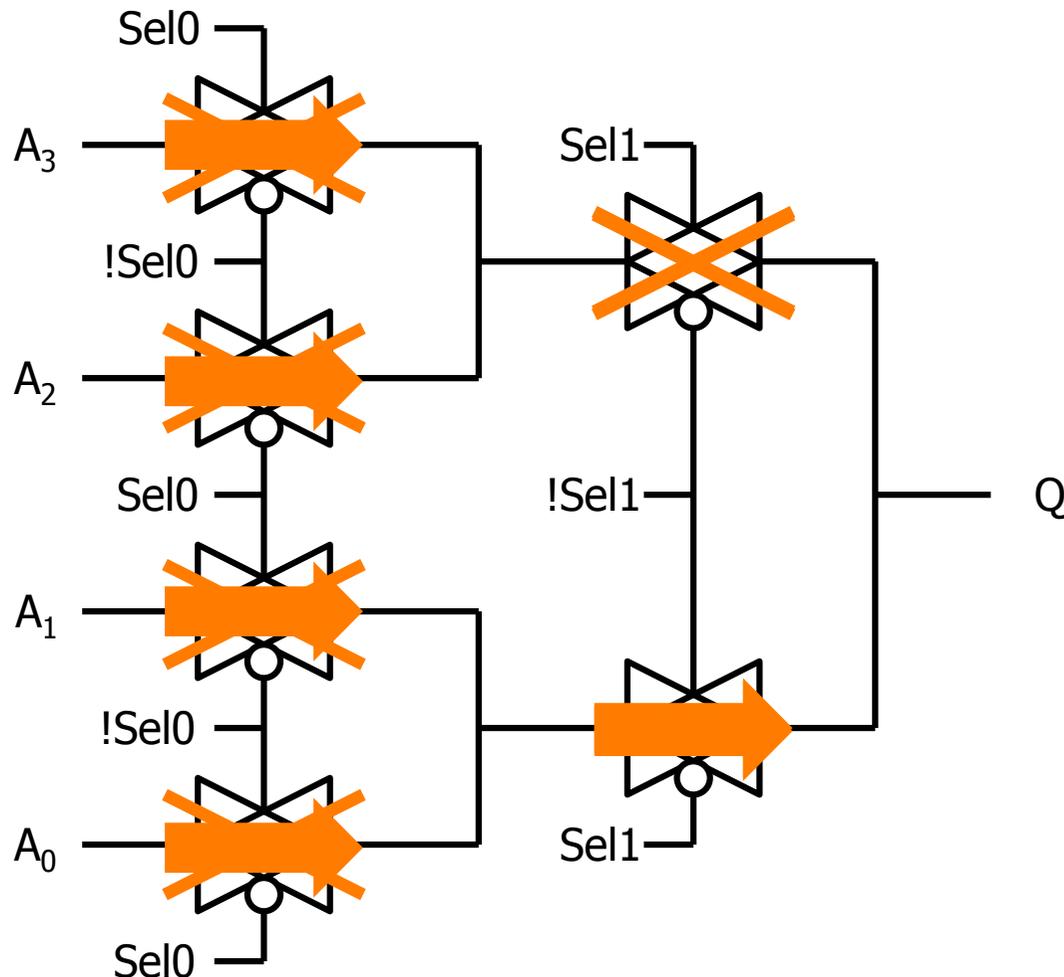
- Weniger Transistoren, meist kürzere Durchlaufzeit.
- Häufig benutzt !

Layout TGATE-MUX mit Inverter

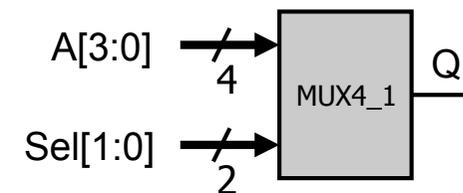


Breite Multiplexer

- Implementierung 1: Einfache Topologie durch kaskadierte 2:1 Multiplexer mit TGATES



Sel1	Sel0	Q
0	0	A ₀
0	1	A ₁
1	0	A ₂
1	1	A ₃

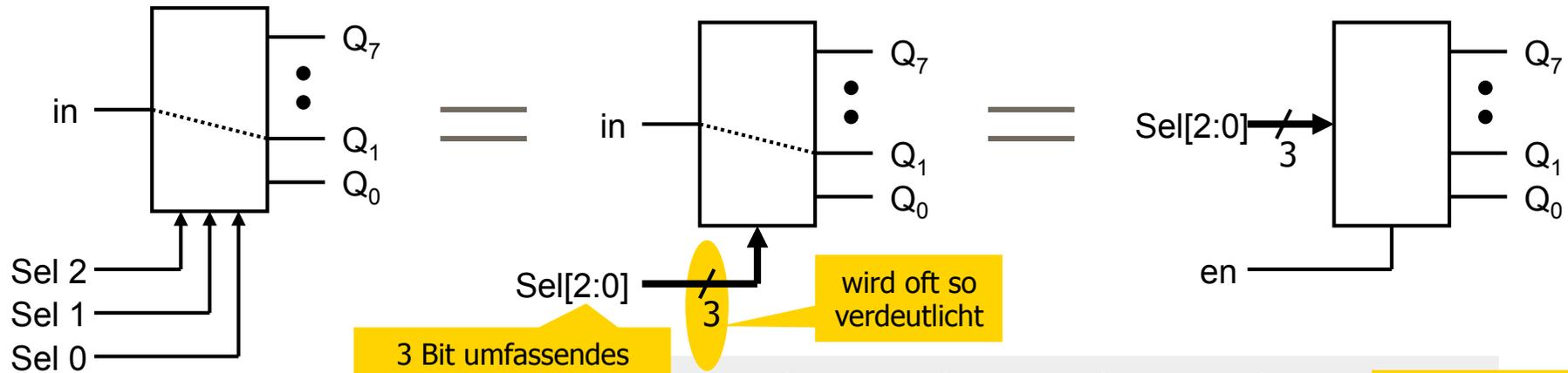


Nur 12 Transistoren für 4 Bit !
(+4 für 2 Inverter)

- Achtung: Zu viele (>4) in Serie geschaltete Transmission Gates führen zu hohen RC-Verzögerungen!

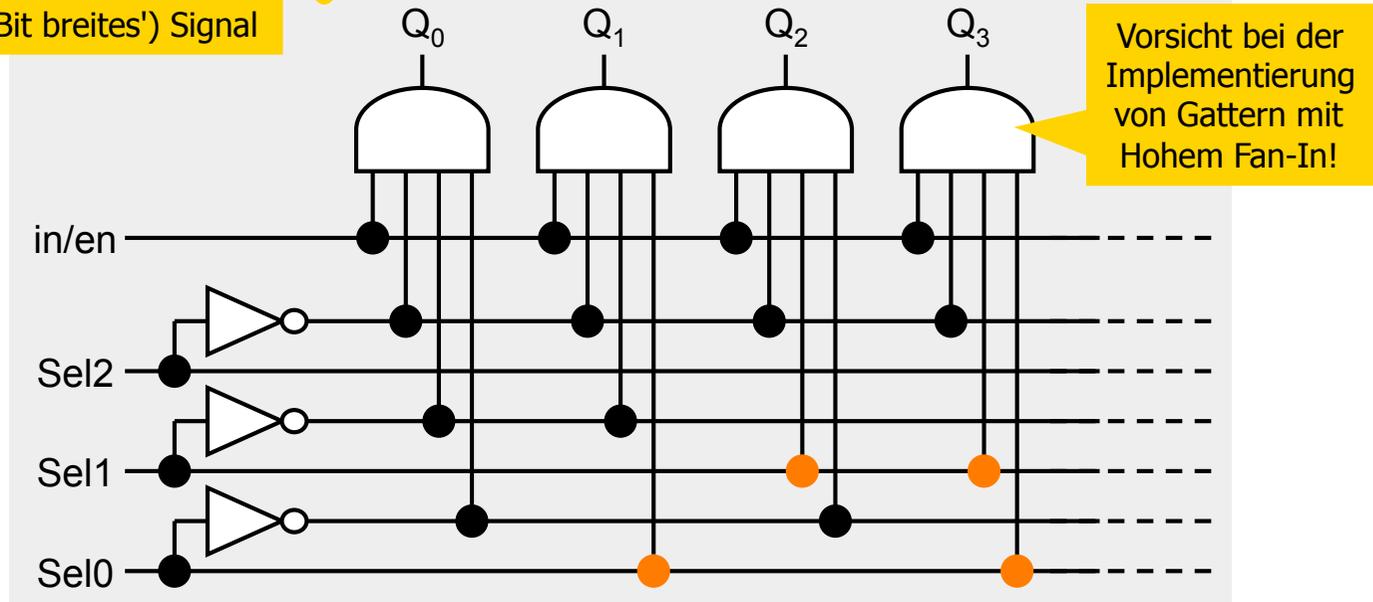
Demultiplexer, Decoder

- Ein Demultiplexer verteilt ein Signal 'in' auf einen von **N Ausgängen** $Q_0 \dots Q_{N-1}$.
- Für $in = 1$ stellt er einen **Binär** \Rightarrow **1 von N Decoder** dar. 'in' wird dann sinnvollerweise mit 'en' bezeichnet



3 Bit umfassendes ('3 Bit breites') Signal

wird oft so verdeutlicht



Funktionen :

$$Q_0 = in \cdot \overline{Sel0} \cdot \overline{Sel1} \cdot \overline{Sel2}$$

$$Q_1 = in \cdot Sel0 \cdot \overline{Sel1} \cdot \overline{Sel2}$$

$$Q_2 = in \cdot \overline{Sel0} \cdot Sel1 \cdot \overline{Sel2}$$

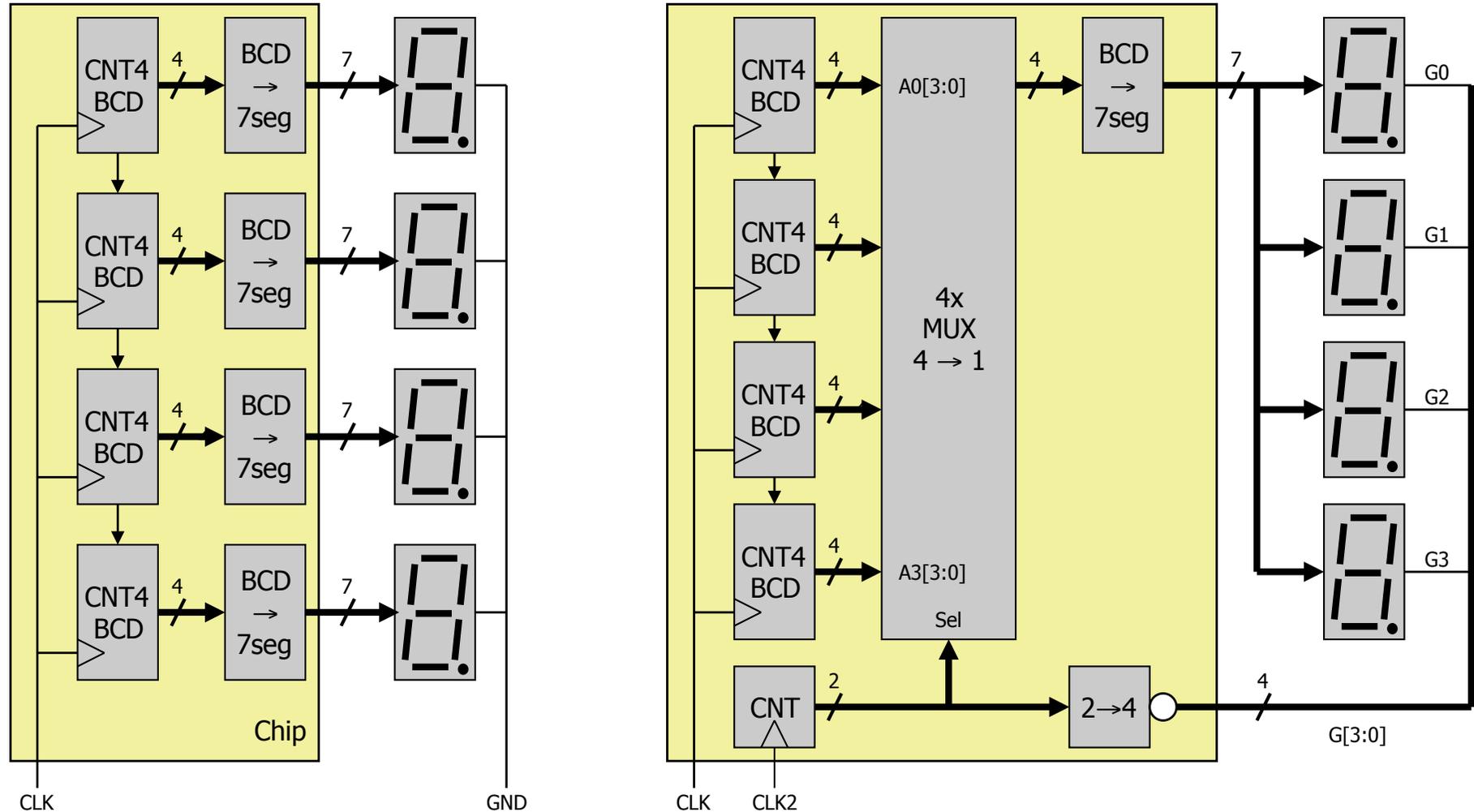
...

Decoder / Encoder

- Wandeln verschiedene Codes ineinander um.
- Beispiele:
 - Demultiplexer = ‚One-hot‘
 - BCD \Rightarrow 7-Segment
 - Gray \Rightarrow Binär
 - Binär \Rightarrow Gray
 - Thermometer \Rightarrow Binär
 - Tastatur \Rightarrow ASCII
 - ...
- Implementierung als allgemeine kombinatorische Logik

Anwendung: mehrstellige 7-Segment Anzeige

- Aufgabe: 4-stellige BCD Zahl auf Siebensegmentanzeigen darstellen



- Direkte Ansteuerung der Anzeige
- Nachteil: Viele Leitungen Chip \Rightarrow Anzeige
- Zeitliches Multiplexen. Nur 1 Decoder u. 11 Leitungen nötig.
- Nachteil: Anzeige nur $\frac{1}{4}$ so hell, flimmert u.U.

Addition von Binärzahlen

- Die Addition erfolgt stellenweise wie bei Dezimalzahlen mit einem **Übertrag (carry)**:

$$\begin{array}{r}
 39 \\
 + 69 \\
 \hline
 1108
 \end{array}$$

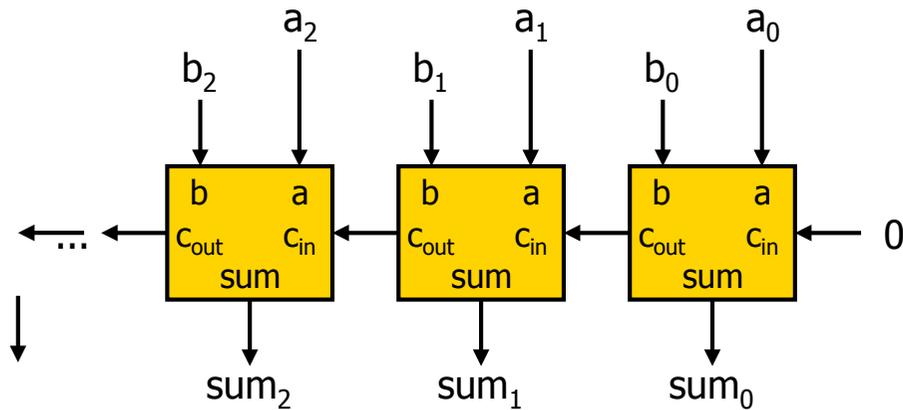
← Übertrag

$$\begin{array}{r}
 100111 \\
 + 100010 \\
 \hline
 110110
 \end{array}$$

← Übertrag

x64
x32
x8
x4

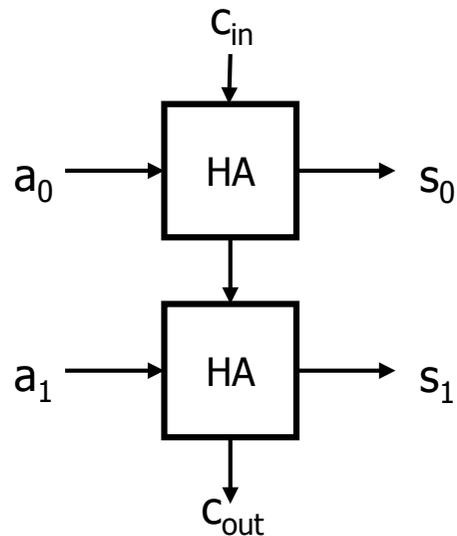
- In jeder Stufe werden also aus den **3 Eingängen** a, b, c_{in} die **Ausgänge** sum und c_{out} erzeugt.
- Man nennt diesen wichtigen Schaltungsblock den **Volladdierer** (full adder, FA):



c_{in}	b	a	c_{out}	sum
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

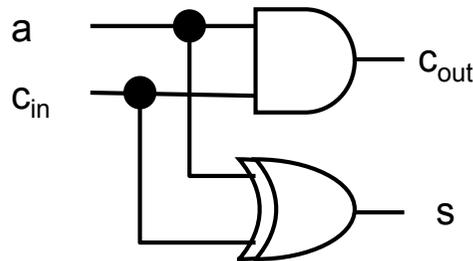
Halbaddierer

- Manchmal (z.B. in Zählern) muss NUR der Übertrag addiert werden.
- Der Addierer hat daher nur **einen** Dateneingang und einen Carry Eingang.
- Man nennt diesen Block einen Halbaddierer (Half-Adder, HA)



C_{in}	a	s	C_{out}
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

$$C_{out} = a \cdot C_{in}$$
$$s = a \oplus C_{in}$$



Volladdierer

C_{in}	A	B	C_{out}	S	$!C_{out}$
0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	1	1
0	1	0	0	1	1
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	1	1
1	0	1	1	0	0
1	1	0	1	0	0
1	1	1	1	1	0

C_{out} :

	A			
C_{in}	0	0	1	0
	0	1	1	1
	B			

$$C_{out} = AB + BC_{in} + AC_{in}$$

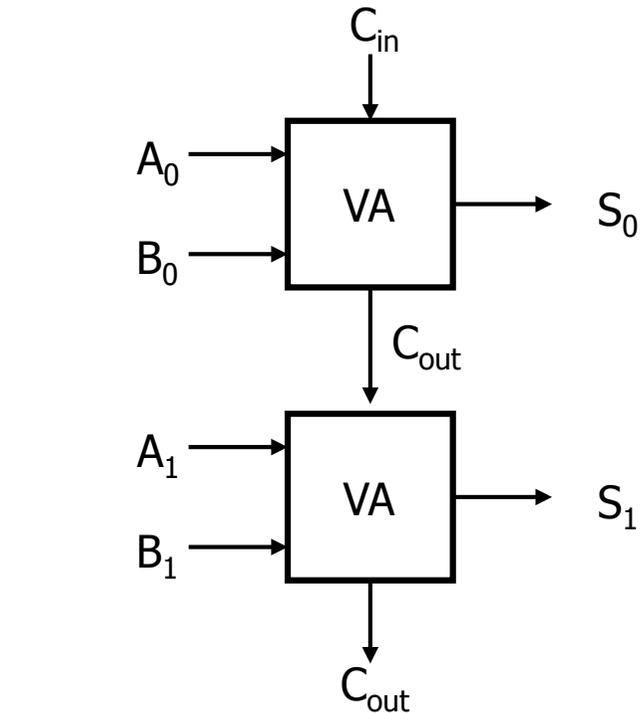
$$= AB + (A+B)C_{in}$$

Sum:

	A			
C_{in}	0	1	0	1
	1	0	1	0
	B			

$$S = A \oplus B \oplus C_{in}$$

$$= ABC_{in} + (A + B + C_{in}) \cdot !C_{out}$$

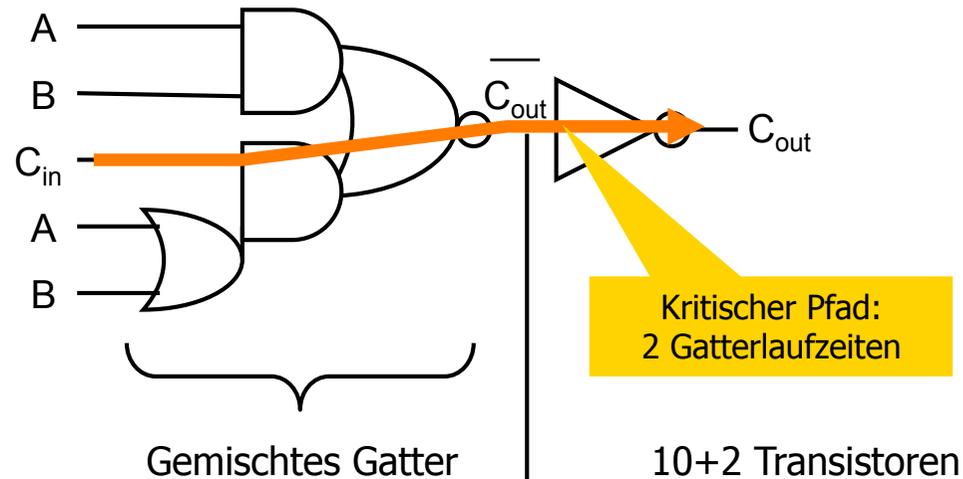


Der Carry-Pfad muß optimiert werden, da das Carry durch alle N Bit 'rippeln' muß

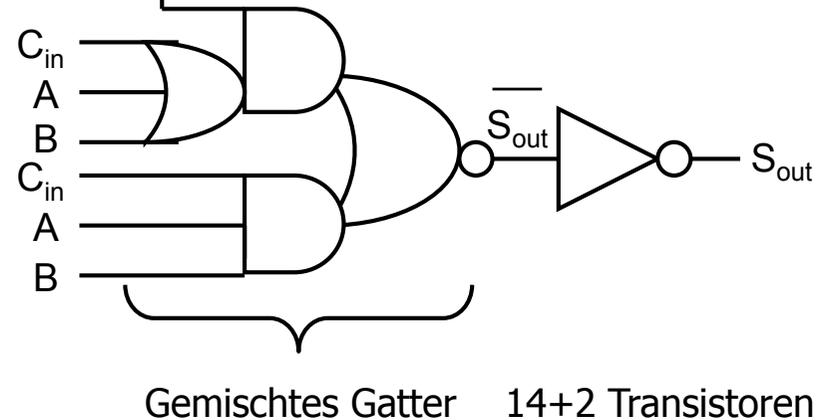
Trick: Carry-Ergebnis wird mitverwendet:
Mehrere Ebenen logische Tiefe:
'Multiple Output Minimization' (MOM).

Volladdierer: Implementierung

- $C_{out} = AB + (A+B) C_{in}$:



- $S = ABC_{in} + (A + B + C_{in}) \cdot !C_{out}$:

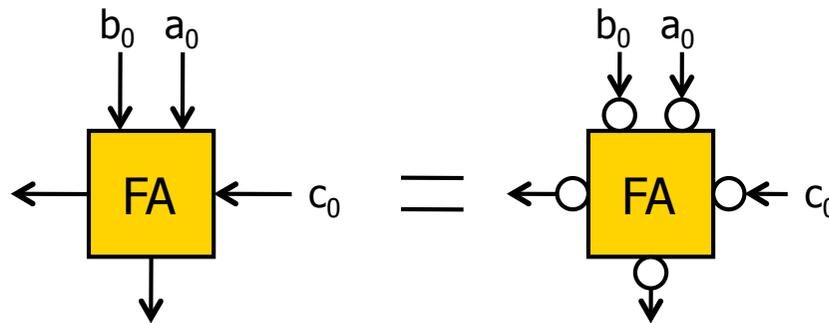


- Vorgriff: Eine offensichtliche Geschwindigkeitsverbesserung bekommt man, indem man $!C_{out}$ weitergibt und in jeder zweiten Stufe Duale Logik benutzt

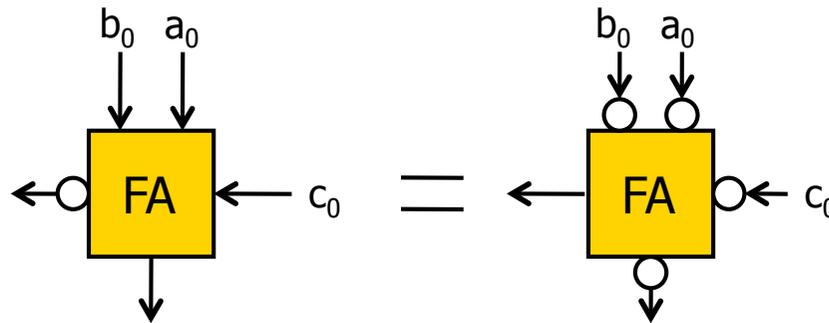
Optimierung: Polaritätswechsel in jeder 2ten Stufe

- Beobachtung: Bei Inversion ALLER Eingänge invertieren sich auch die Ausgänge:

- Also:

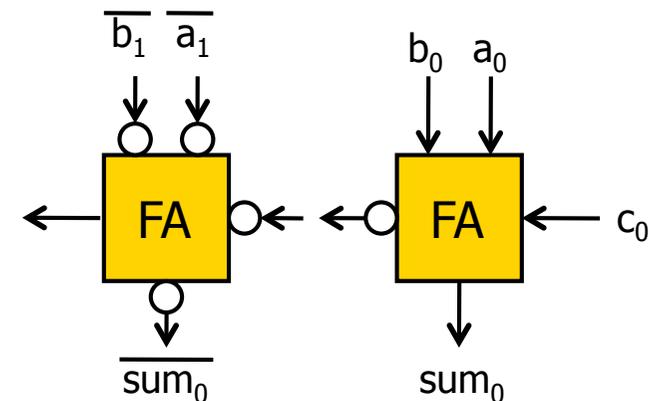


- Oder:



- Daher kann man bei mehreren Stufen direkt FA mit invertierten Carry nutzen:

C_{in}	A	B	C_{out}	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

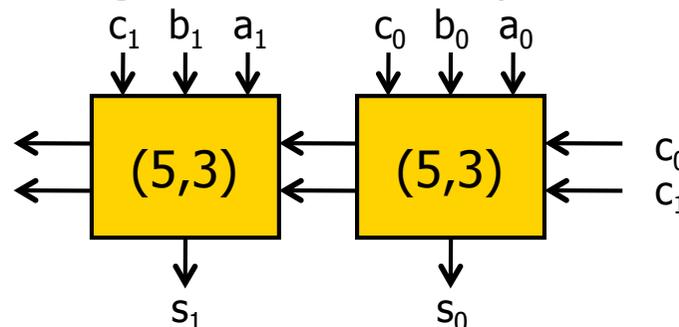


Bemerkung: Addierer als ‚Counter‘

- Die Aufgabe des Addierers ist es ja, die Anzahl EINSEN auf den Eingängen zu zählen und als Binärzahl auf Summe und Carry (höherwertiges Bit) auszugeben:

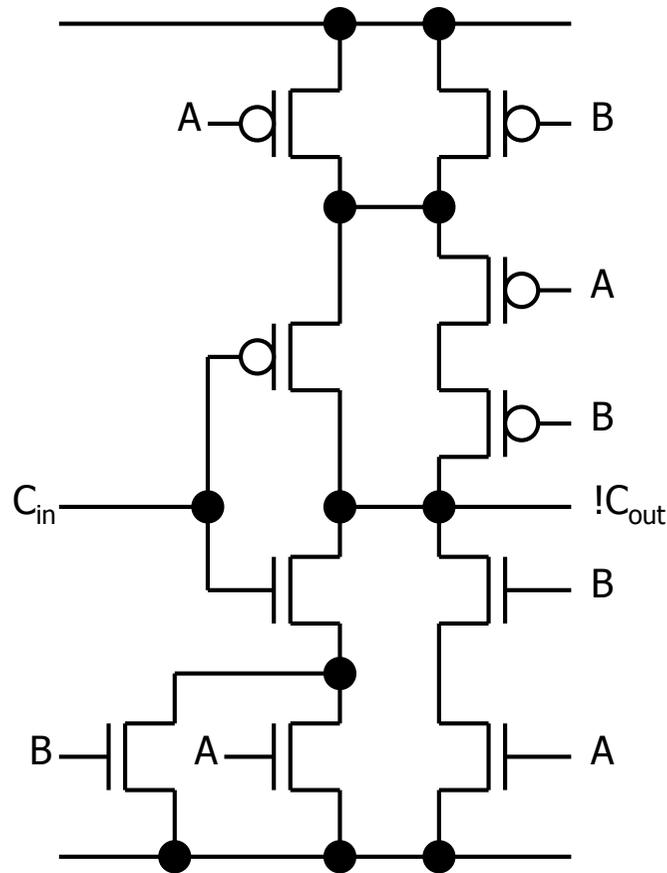
Anzahl Einsen	0	1	2	3
[CarryOut, Sum]	[0,0] = 0	[0,1] = 1	[1,0] = 2	[1,1] = 3

- Allgemein spricht man daher auch von einem ‚Counter‘ or ‚Compressor‘ mit N Eingängen und M Ausgängen
- (3,2) Counter: Bei N=3 Eingängen können maximal 3 Einsen vorkommen, es reichen M=2 Bit
Das ist der Volladdierer.
- (4,3) Counter: Bei N=4 Eingängen benötigt man am Ausgang M=3 Bit.
Wenn die **2** Carry Signale in eine weitere Stufe gegeben werden sollen, ‚verbraucht‘ man in der nächsten Stufe schon 2 der 4 Eingänge, das bringt also nichts (im Vergleich zum Volladdierer)
- (5,3) Counter: Hiermit kann man dann 3 Zahlen gleichzeitig addieren:
(Solche Schaltungen werden in Multiplizierern benötigt)



Transistorlevel: Carry-Erzeugung

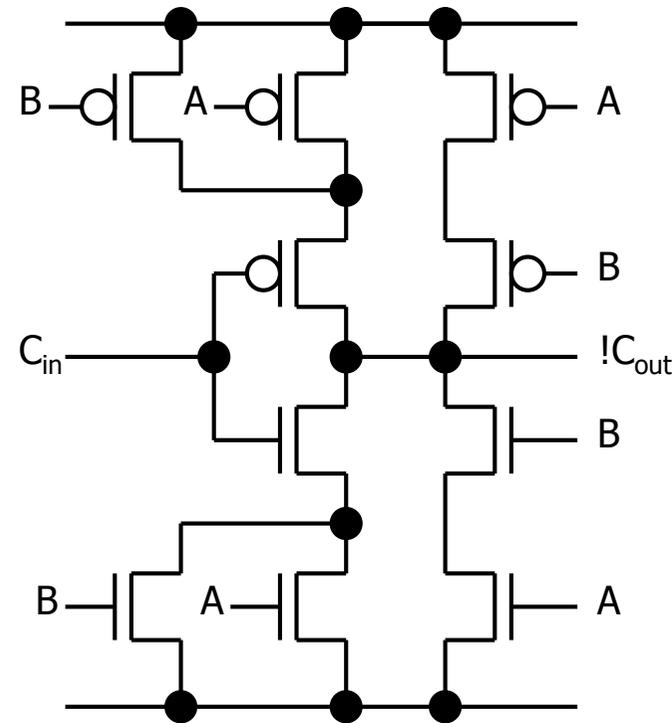
- Das Carry wird durch $C_{out} = AB + (A+B)C_{in}$ gegeben.
- Diese Funktion kann mit dem gemischten Gatter $Y = !(AB+(A+B)C_{in})$ implementiert werden
- Problem: 3 PMOS übereinander ('Stack height' = 3)
- Da je zwei der 5 Eingänge des Y-Gatters identisch sind, kommen nicht alle Eingangskombinationen vor!



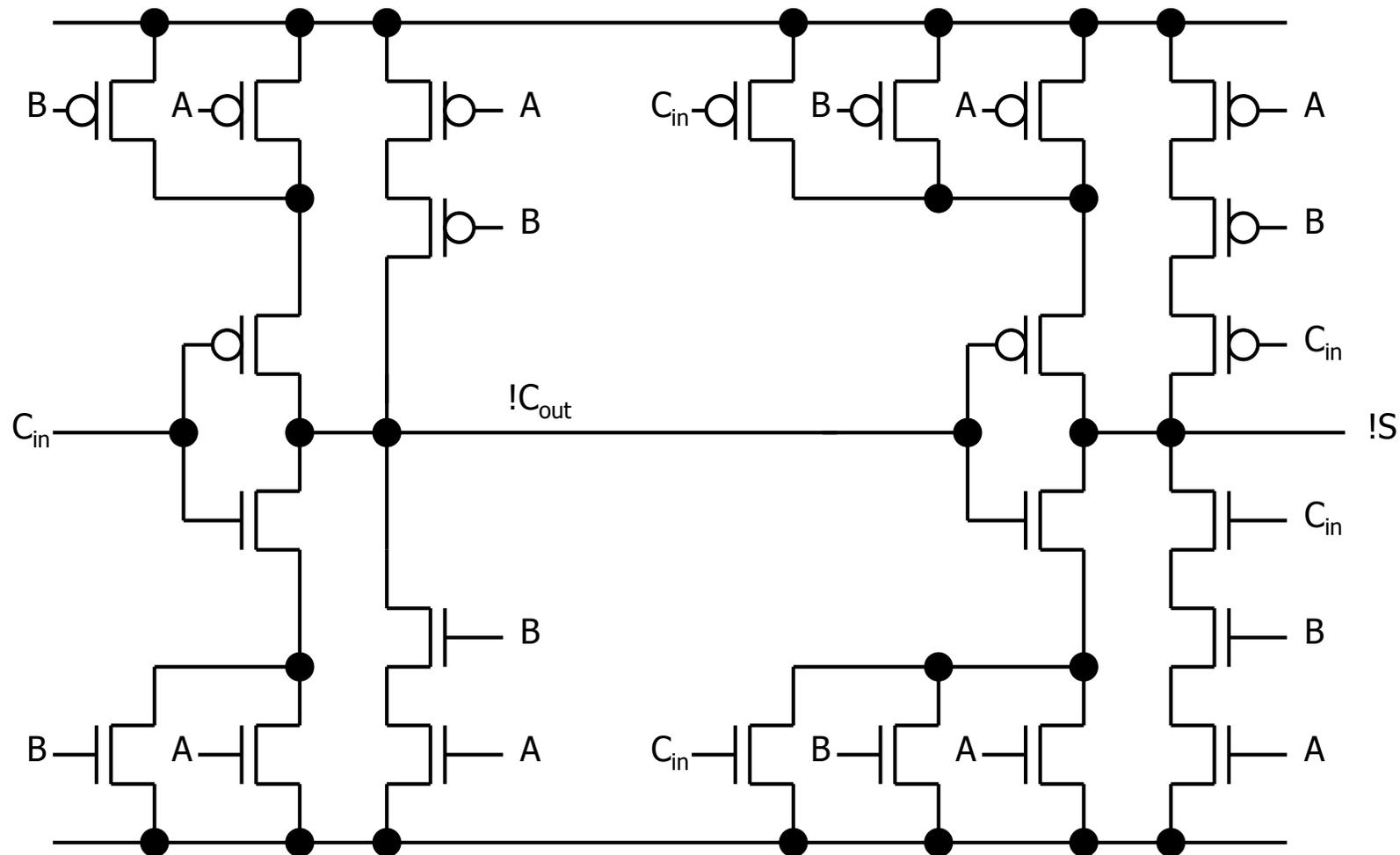
- Der PMOS Zweig kann umgeformt werden:

$$(!A+!B)(!A!B+!C) = !A(!A!B+!C) + !B(!A!B+!C)$$

$$= !A!B+!A!C+!A!B+!B!C = !A!B + (!A+!B)!C.$$
- Das führt zu einem **NICHT-CMOS**-Gatter:



Optimierter Volladdierer (invertierte Ausgänge)



$$\begin{aligned} !C_{out} &= !(AB + (B + A)C_{in}) \\ !S &= !(ABC + !C_{out} \cdot (A + B + C_{in})) \end{aligned}$$

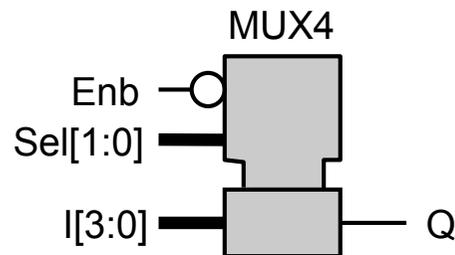
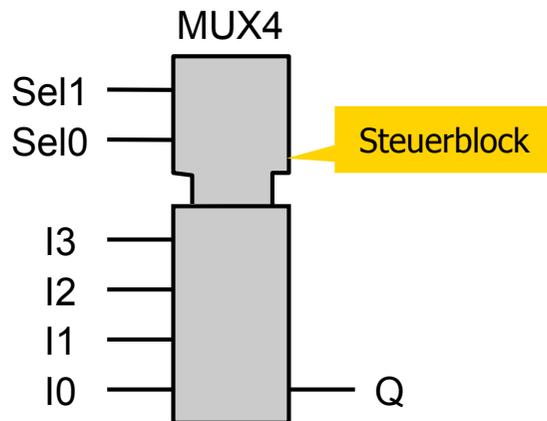
kein CMOS !

24 Transistoren

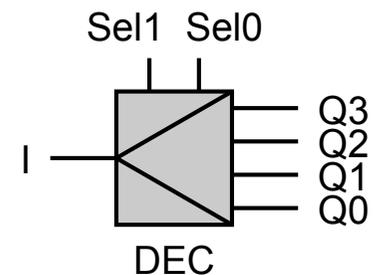
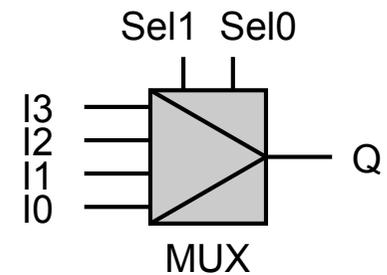
Schaltsymbole

- Schaltsymbole sind nach DIN und nach ANSI/IEEE normiert.
- Diese Normen werden aber oft nicht eingehalten....
- Generell sollte gelten:
 - Eingänge links, Steuerung links, oben und unten, **Ausgänge rechts**
 - **Sinnvolle Namen** (C, CK, CLK, IN, I, D, Q, EN, SEL, ...)
 - **Bullets** (Kreise) an negierte Ausgänge, Dreieck an Takteingänge
 - Evtl. Busse mit breiter Leitung sichtbar machen, evtl. Breite angeben

- Beispiele:



-> Rechnerarchitektur...



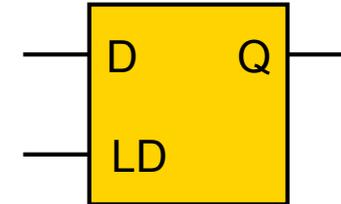
FlipFlops und Latches

Speicherelemente: Latches und Flipflops

Wir unterscheiden (nicht immer konsistent...):

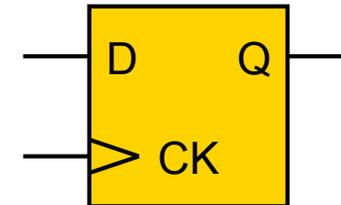
- **LATCH ('transparent latch'):**

- Ist 'transparent' (d.H. $Q=D$) solange $LD=1$
- Ausgang behält letzten Zustand bei bei $LD=0$



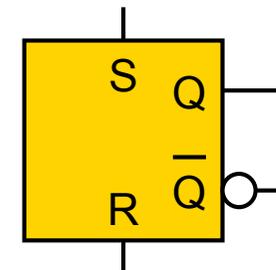
- **FLIP-FLOP ('edge triggered FF'):**

- Eingang wird zum Ausgang bei der **Flanke** eines Taktsignals übertragen



- **Set-Reset FLIP-FLOP ist eher ein LATCH:**

- Zustand kann über zwei Eingänge auf 0 oder 1 gesetzt werden (es hat keinen Dateneingang)

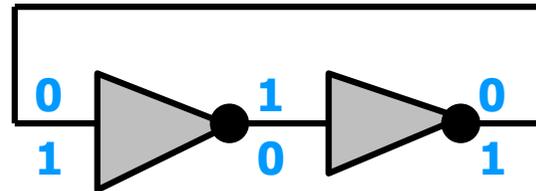


Speicherprinzipien

1. Positive Rückkopplung (statisch)

– 2 Zustände

+ Durch die Verstärkung der Logik regeneriert sich das Signal, so daß kleine Störungen verschwinden



2. Ladungsspeicherung auf Kapazität (dynamisch)

+ Kontinuum an Zuständen (auch analoge Werte!)

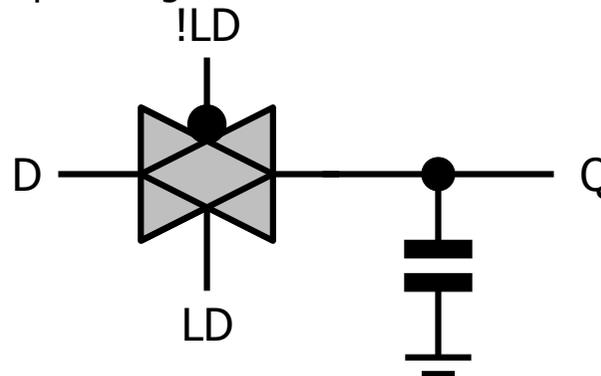
– Keine Regeneration

– Signal bleibt nur begrenzte Zeit erhalten (Leckströme!)

+ sehr kompakte Schaltungen

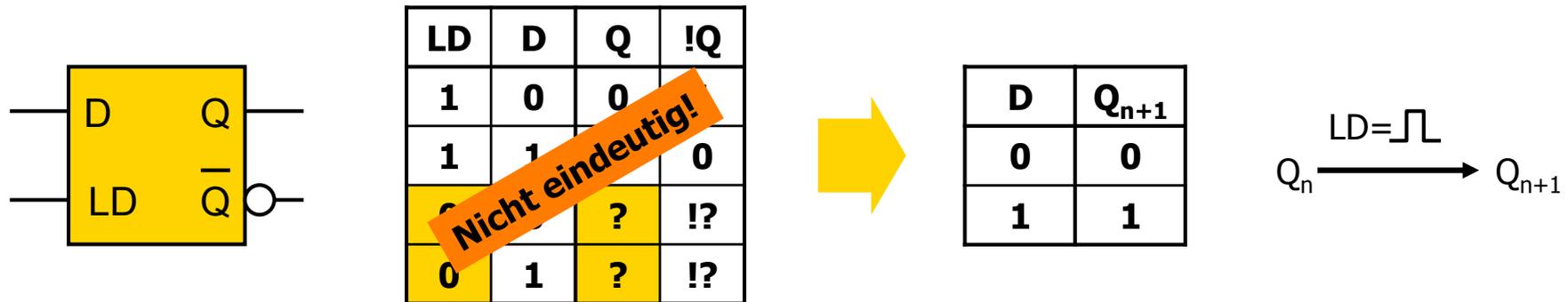
+ speichert auch ohne Betriebsspannung!

- benötigt Refresh



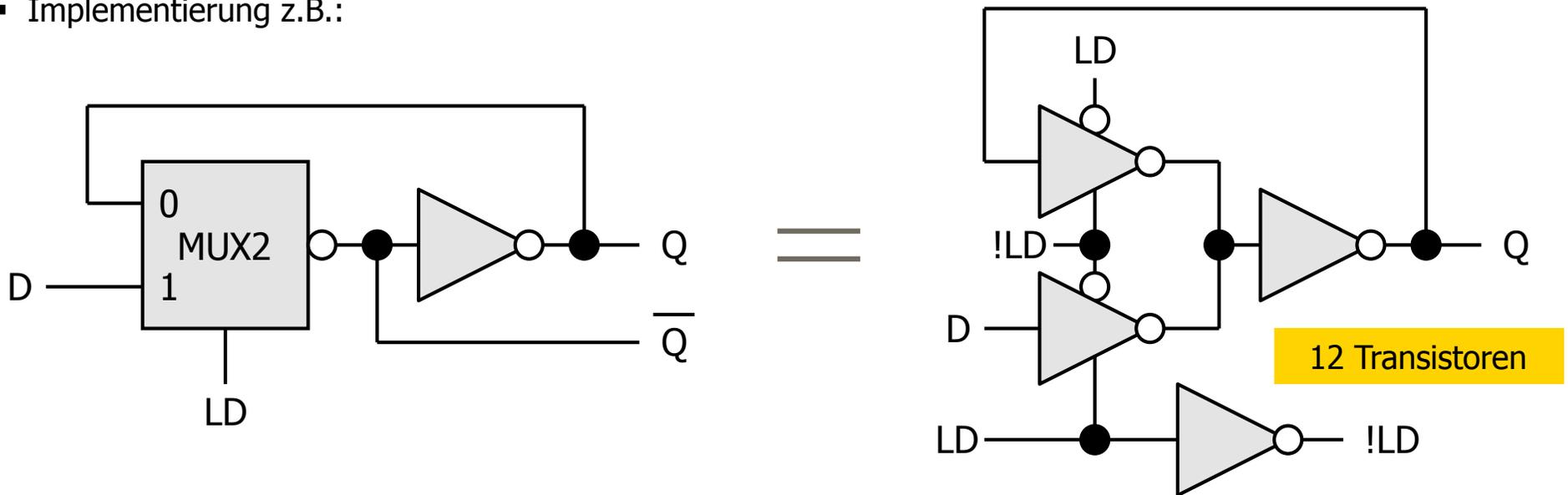
Statisches D – Latch

- Steuereingang LD ('load' = Laden), Eingang D, Ausgang Q (und !Q)
- LD=1: Ausgang = Eingang, LD=0: Zustand beibehalten, unabhängig von D

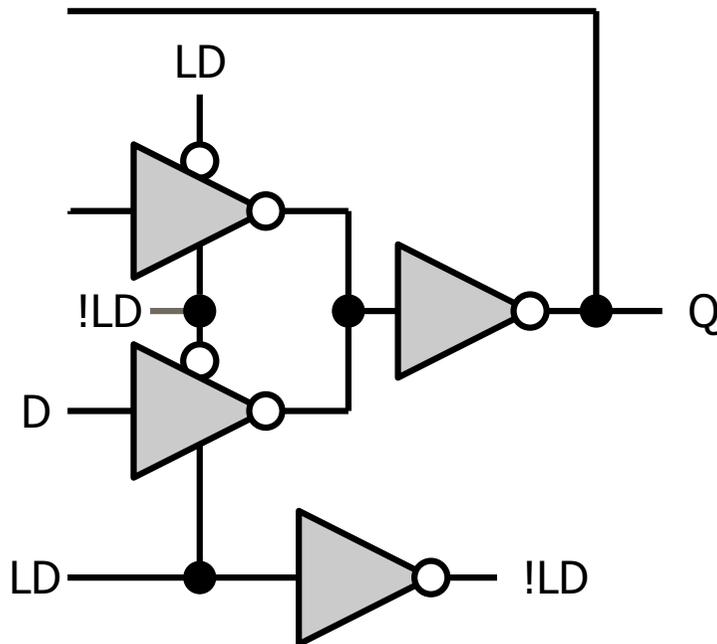


Nicht eindeutig!

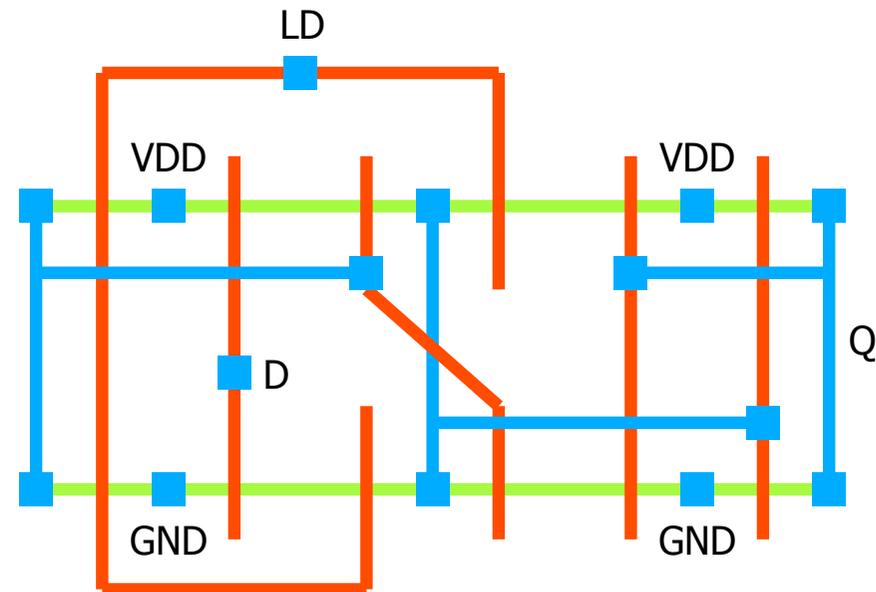
- Merke: Bei Speicherelementen reicht die 'normale' Funktionstabelle (Eingänge \Rightarrow Ausgänge) nicht aus!
- Implementierung z.B.:



Vorgriff: Stick Diagramm D – Latch



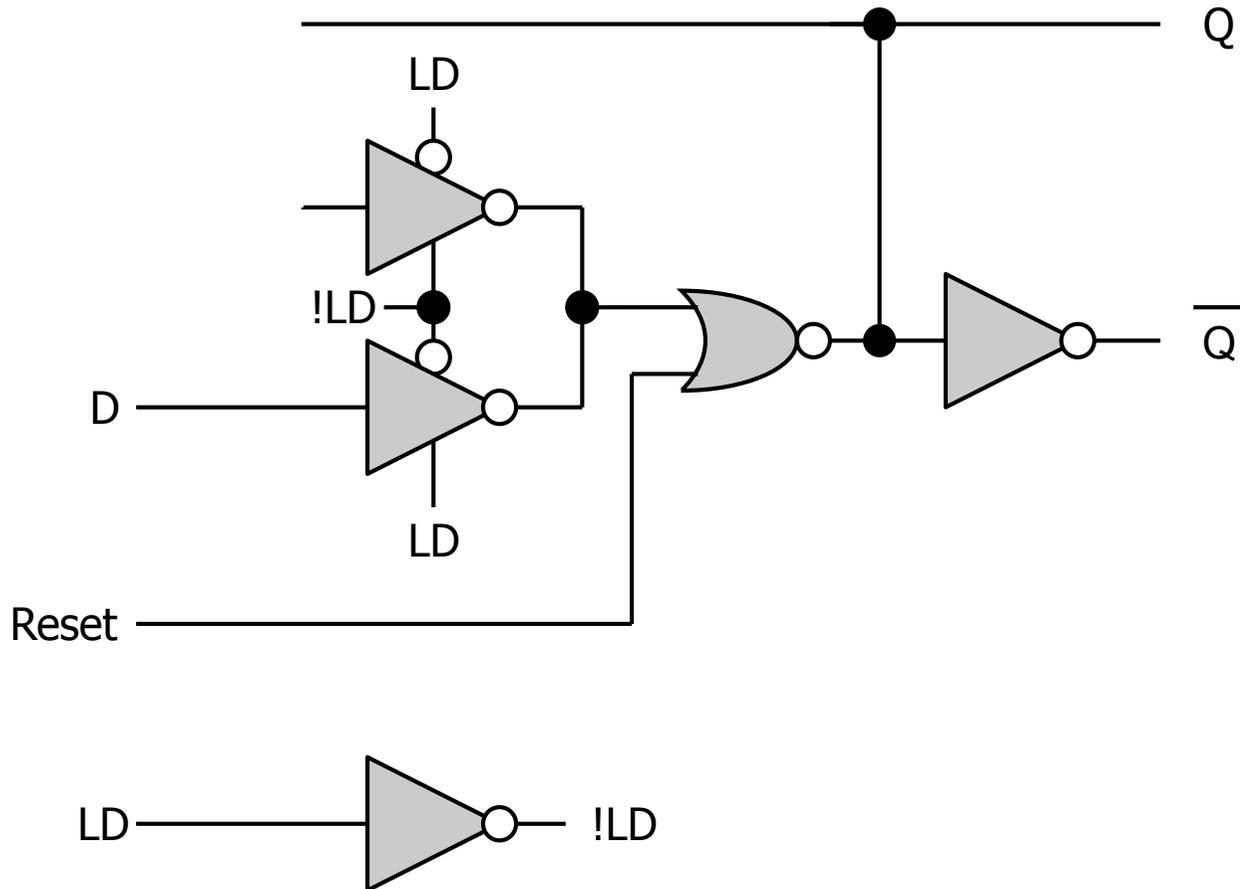
- Stick Diagramm:
Zeichen nur **Diffusion**, **Gate**, **Metal**
- Transistor = Kreuzung von **Diffusion** und **Gate**
- Quadrat ist Kontakt



- Latch: Sehr kompakt
- Transistoren werden 'verschmolzen'
- Die 'extra' Transistoren des Gated-Inverters (im Vergleich zu einem Transmission Gate) fallen kaum ins Gewicht
- Problematisch im Layout sind immer die Überkreuzungen von LD!/LD bzw. EN,!EN

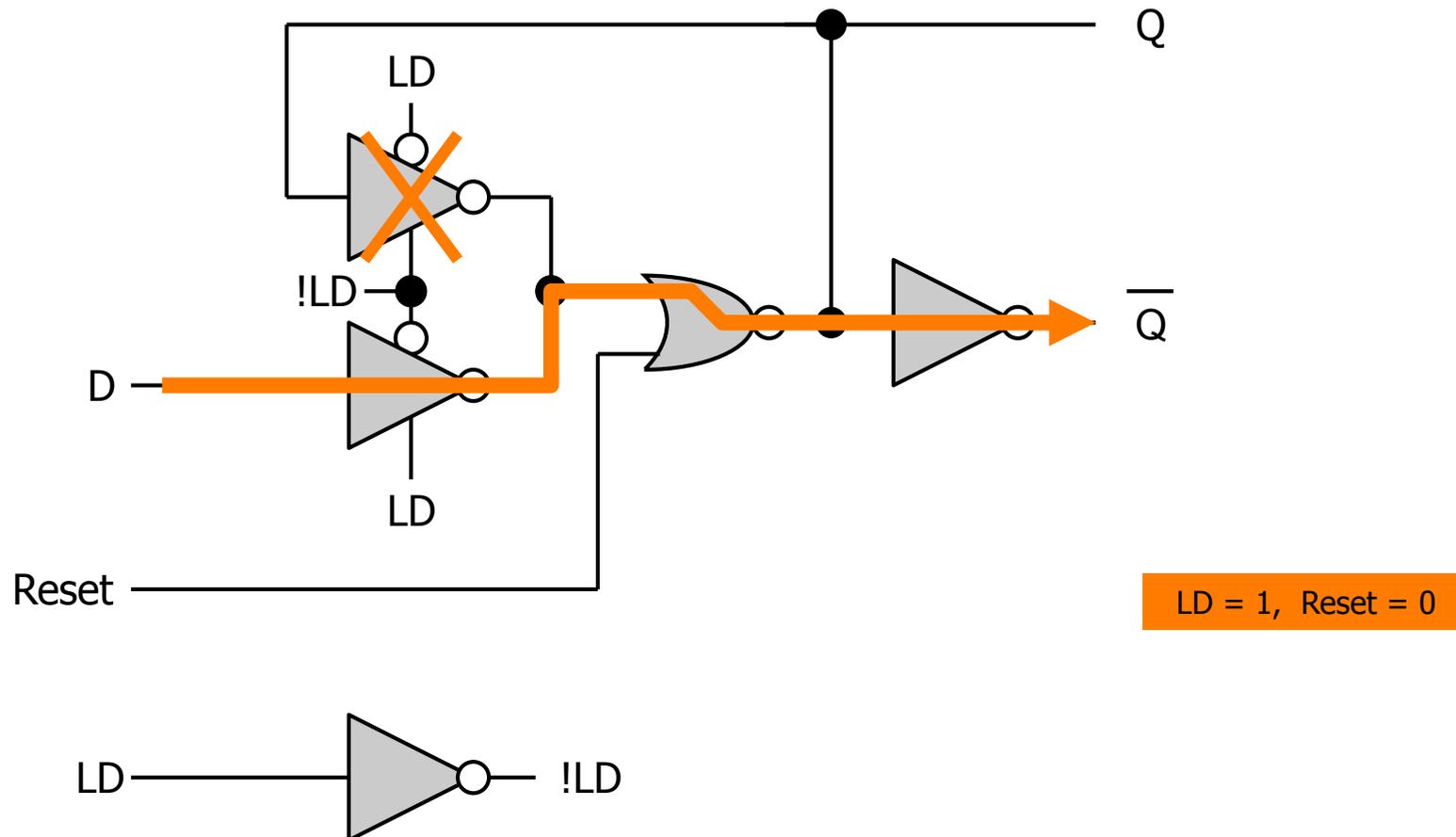
Set/Reset von Latches

- Latch mit Reset



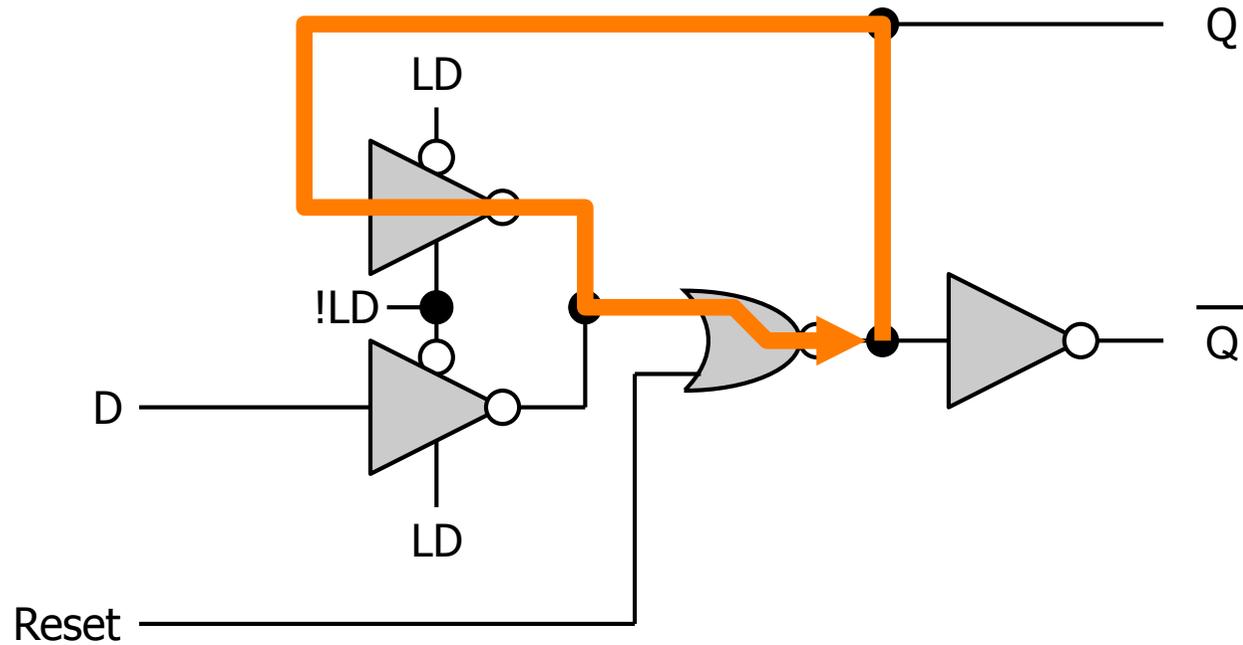
Set/Reset von Latches

- Latch mit Reset

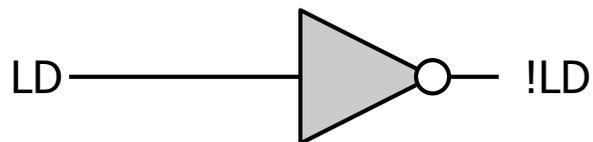


Set/Reset von Latches

- Latch mit Reset

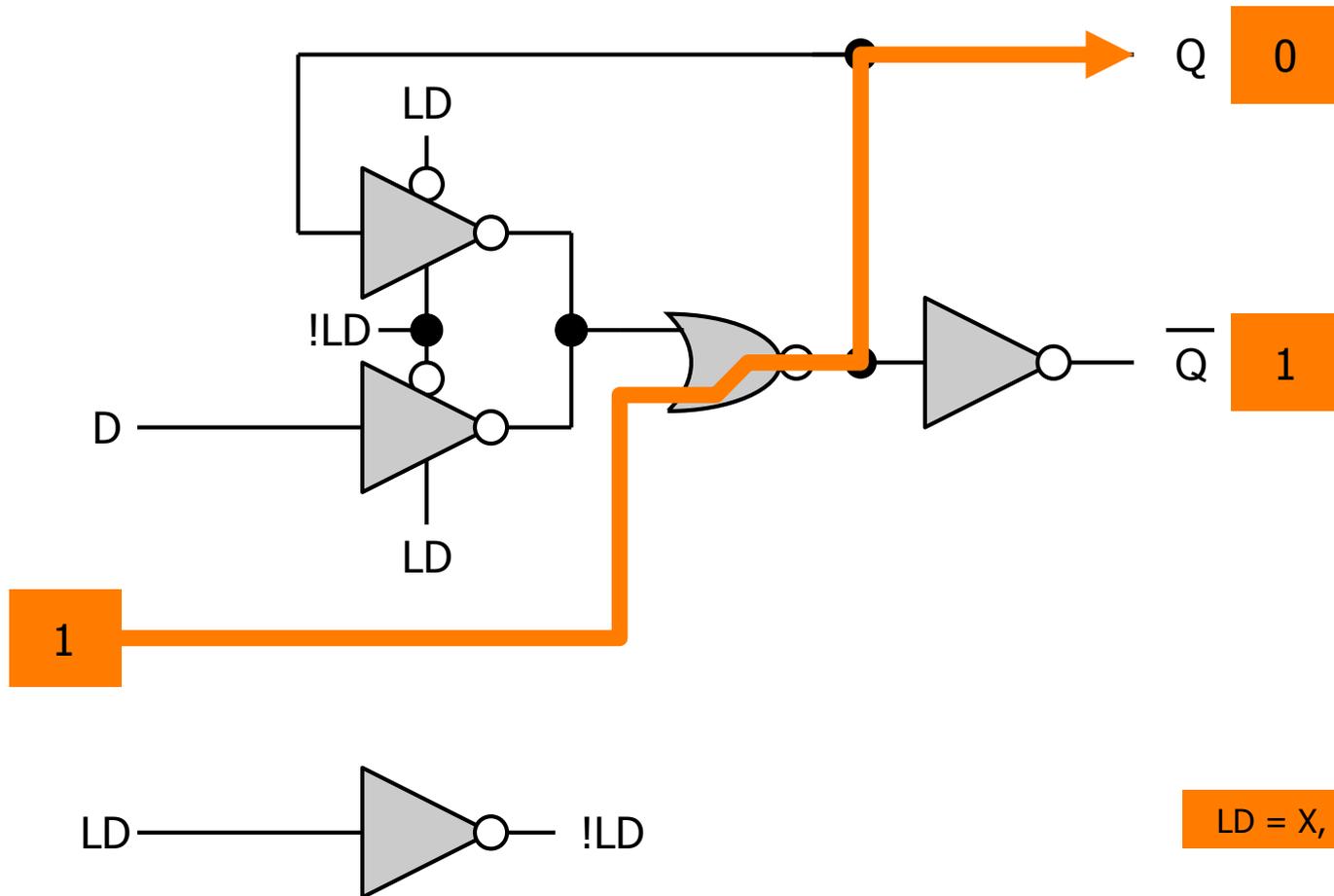


LD = 0, Reset = 0



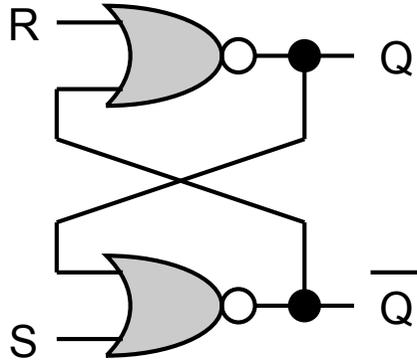
Set/Reset von Latches

- Latch mit Reset

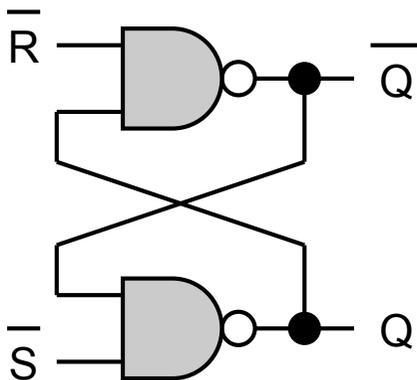
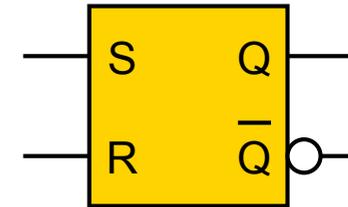


- Entsprechend für !Set (NAND2 statt NOR2)

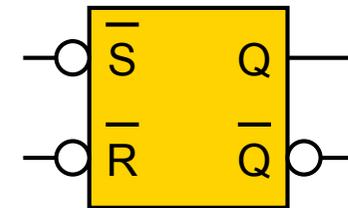
SR – FlipFlop



S	R	Q	!Q
0	0	Q	!Q
0	1	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0



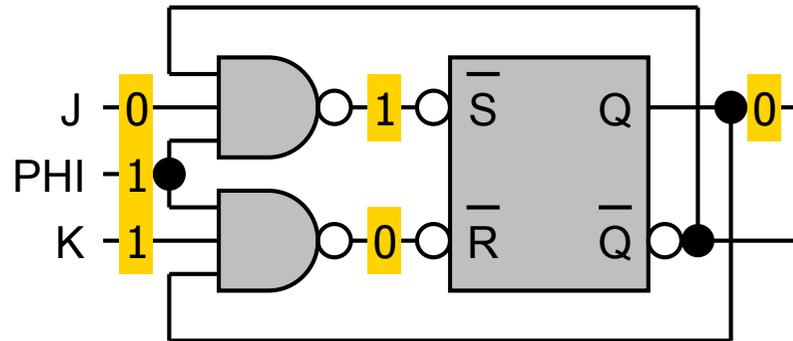
!S	!R	Q	!Q
0	0	1	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	Q	!Q



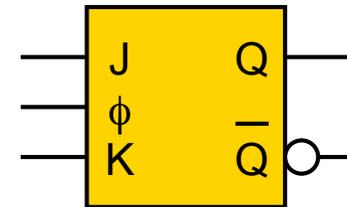
Diese Zustände muß man vermeiden!

JK – 'Flip Flop' (... eigentlich Latch...)

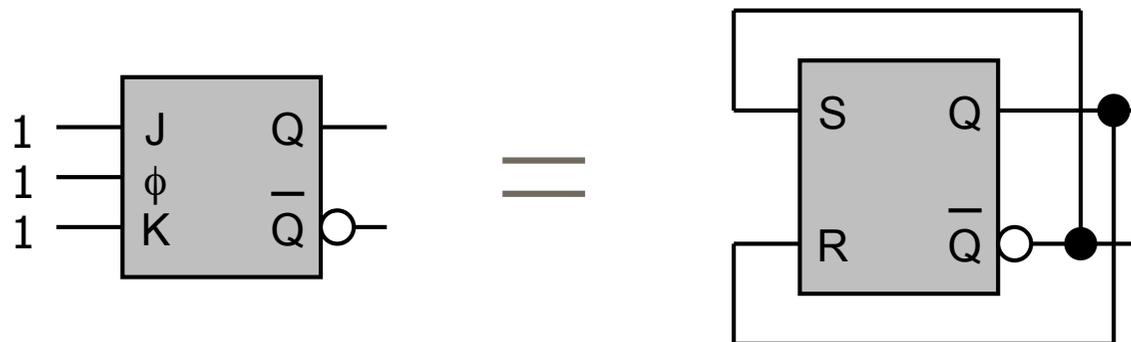
- Hat einen 'Takteingang' PHI, der den Zustand Q_n in den Zustand Q_{n+1} überführt
- Solange PHI=0 ist, wirken sich Änderungen an J und K nicht auf Q aus.
- Verhindert den 'unerlaubten' Zustand des SR-FlipFlops ...



J	K	Q_{n+1}
0	0	Q_n
0	1	0
1	0	1
1	1	$!Q_n$

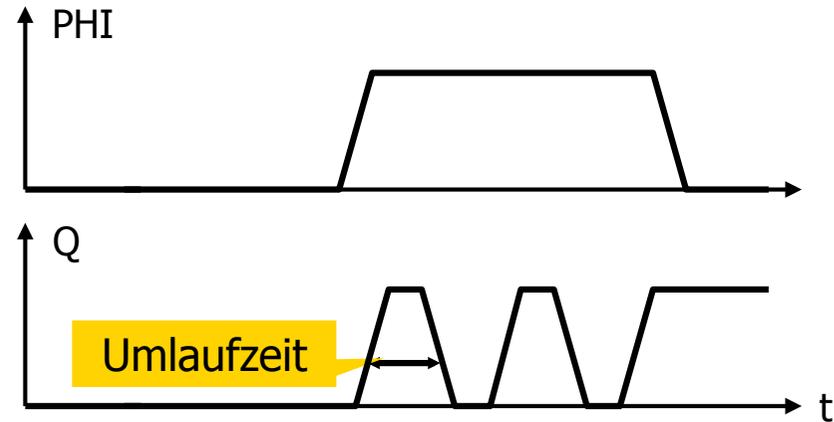
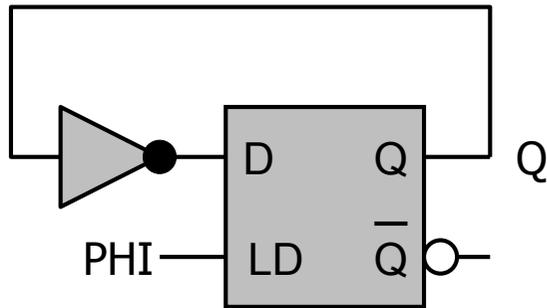


- Problem:
Für J=K=1 muß der Taktimpuls **PHI kürzer als die Durchlaufzeit** sein, sonst **oszilliert** die Schaltung!

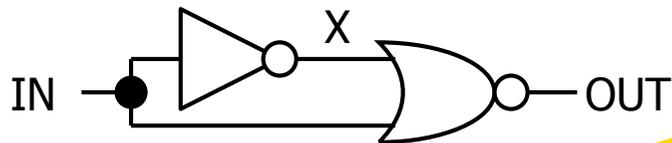


Das 'Race' Problem

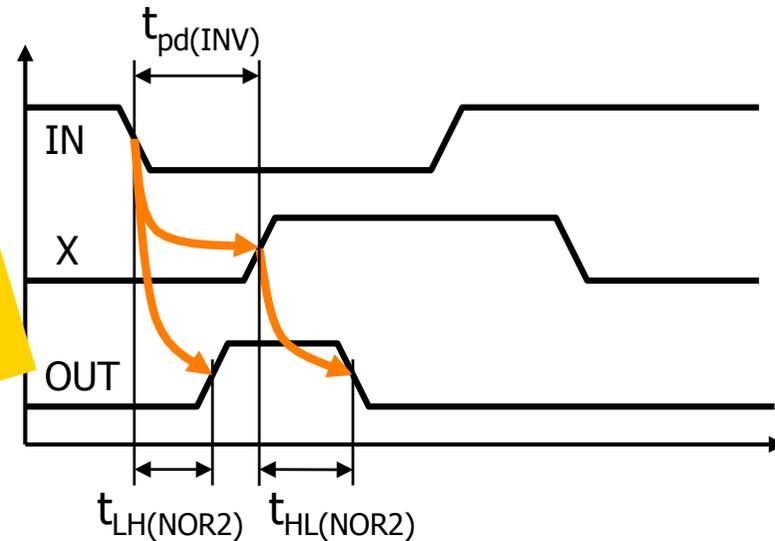
- Ein rückgekoppeltes Signal kann bei Latches zu Oszillation führen, wenn das LD Signal länger als die Umlaufzeit ist:



- Lösungsmöglichkeit: Kurzes LD-Signal erzeugen („Monoflop“, „Impulsglied“). Ist in manchen kommerziellen JK-FFs enthalten. Datenblatt beachten !

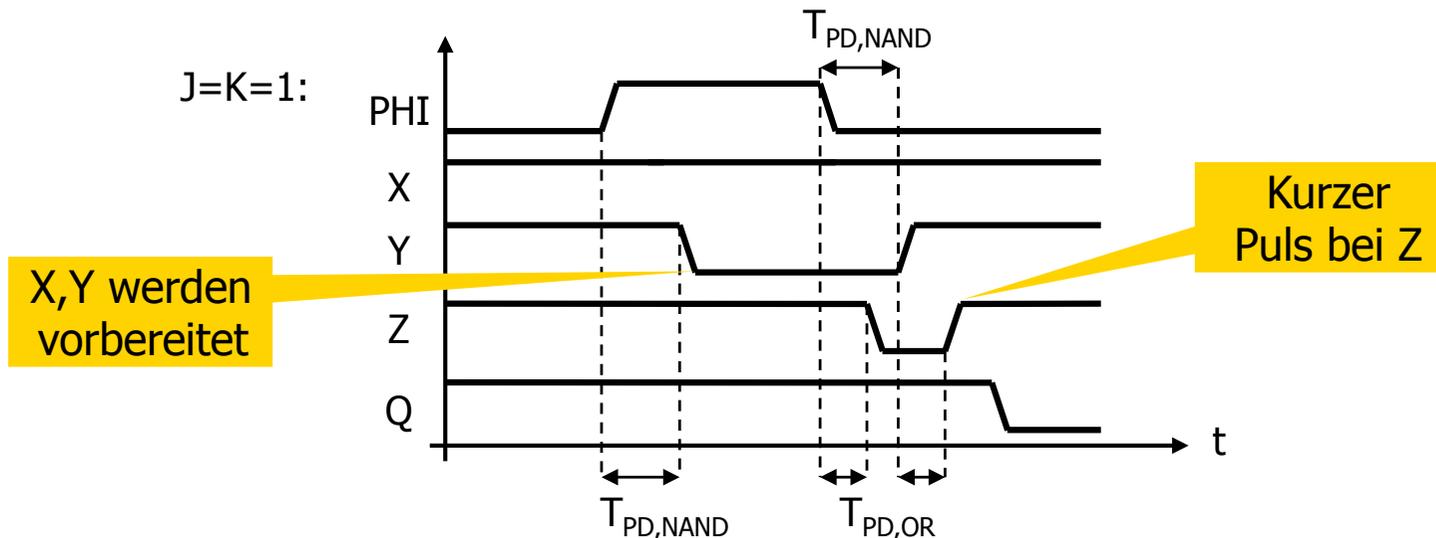
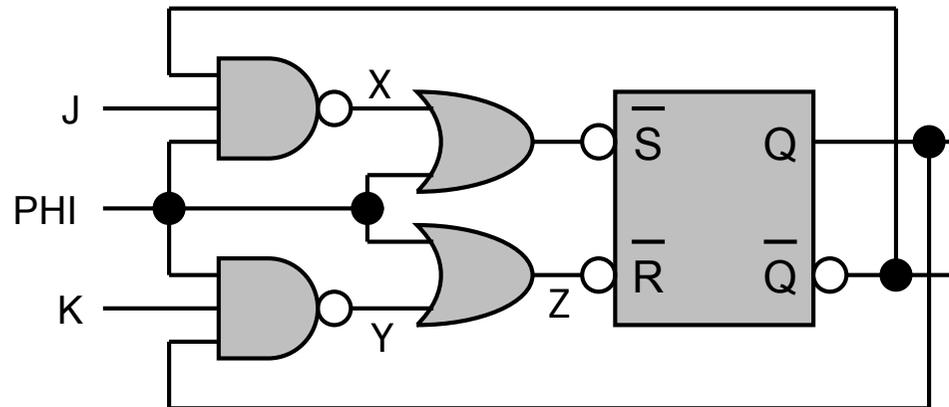


Diese Lösung hängt von Durchlaufzeiten ab. RISKANT !!!



Flankengetriggertes JK - Flip-Flop

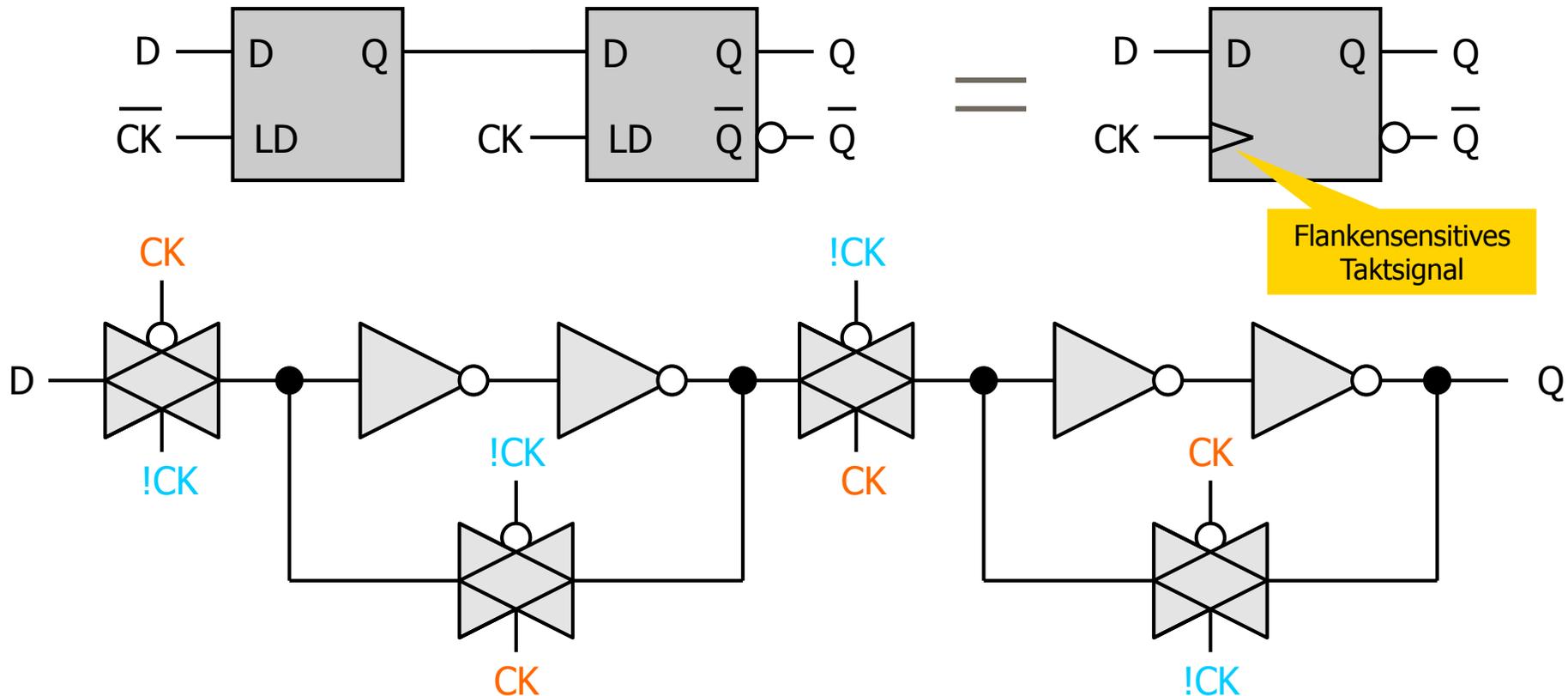
- Die **fallende Flanke von PHI** schaltet den Ausgang



- Gefährliches Design: Basiert auf Durchlaufzeiten. Das SR-FF muss bei kurzen Pulsen schalten!
- Der Eingang muß **VOR** der fallenden Taktflanke anliegen (hier Durchlaufzeit NAND3): '**Setup-Zeit**'

Flankengetriggertes Master-Slave FlipFlop

- Entsteht durch Zusammensetzen von zwei Latches. Hier getriggert auf **positive Flanke**



- Achtung: CK und !CK dürfen sich **NICHT ÜBERLAPPEN**
- Optimierung durch Abgriff zwischen den Invertern
- Implementierung auch mit Gated Invertern
- Hinzufügen von Set bzw. Reset Eingängen durch teilweises Ersetzen von Invertern durch Gatter

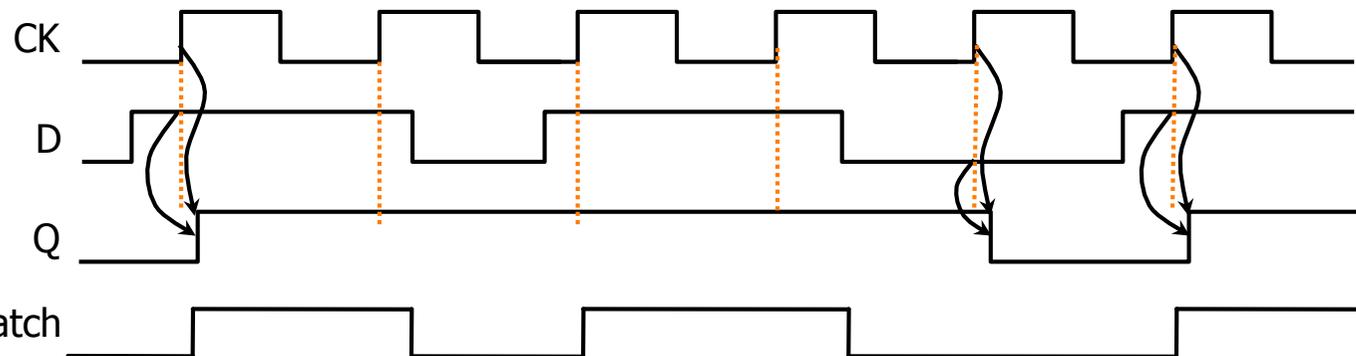
Nochmal: Timing flankengetriggert Flip-Flops

- Ein D-Flipflop überträgt den Wert seines
 - **D-Eingangs** an den
 - **Q-Ausgang** bei der (steigenden) **Flanke** (d.h. beim $0 \Rightarrow 1$ Übergang) des Taktes
 - **Takt CK**

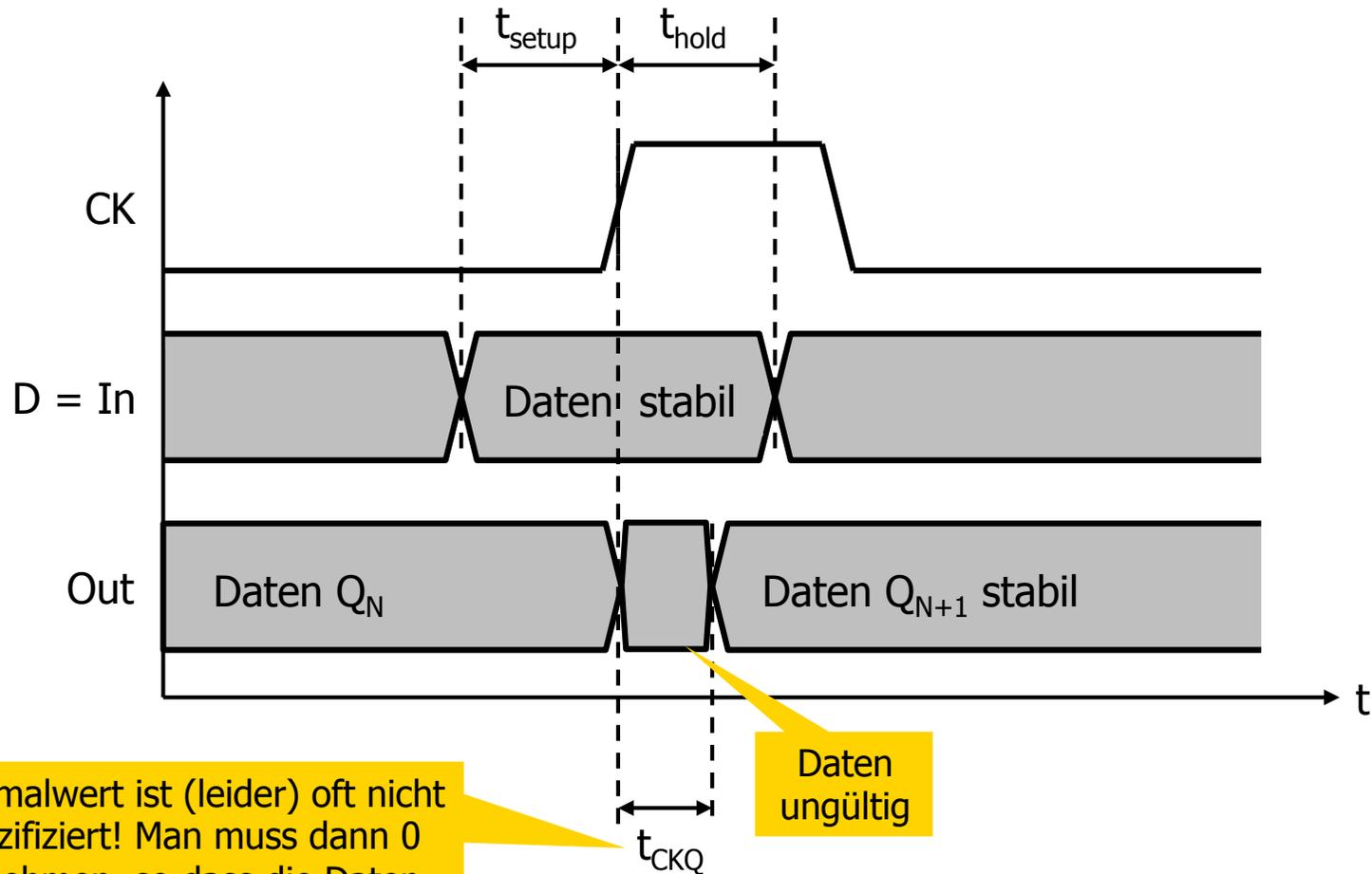
- Schaltsymbol



- Zeitliches Verhalten (Triggerung auf positive Taktflanke):



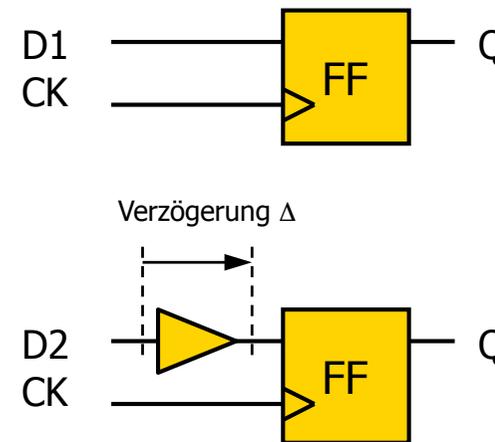
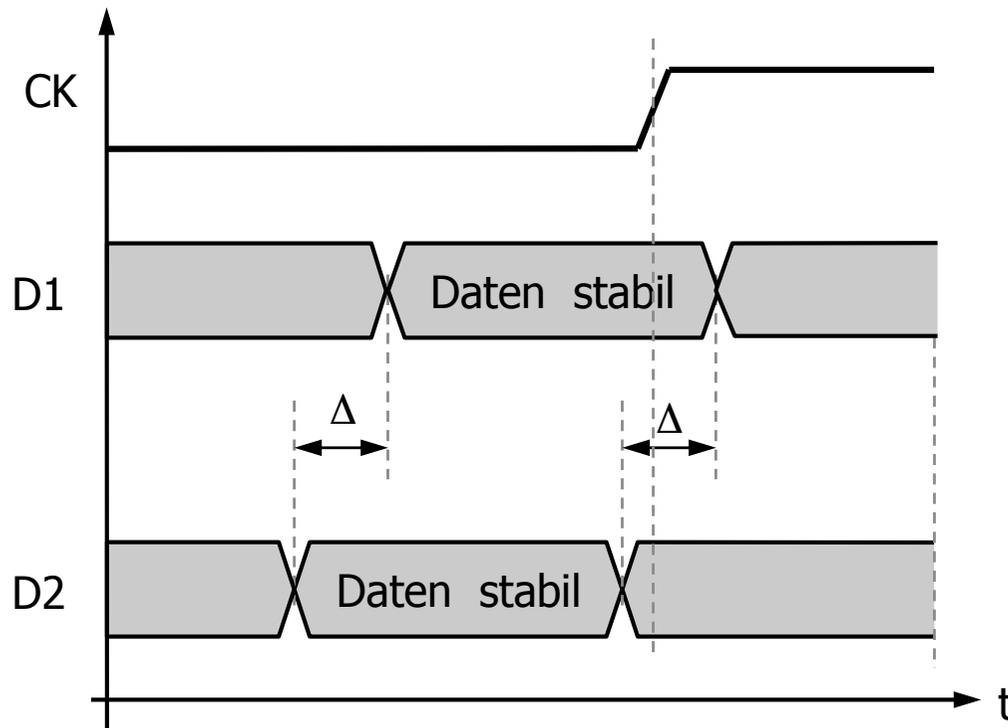
Flipflop: Timing Definitionen



- Die Eingangsdaten müssen VOR der Taktflanke schon mindestens t_{setup} lang gültig gewesen sein
- Sie müssen NACH der Taktflanke noch mindestens während t_{hold} anliegen

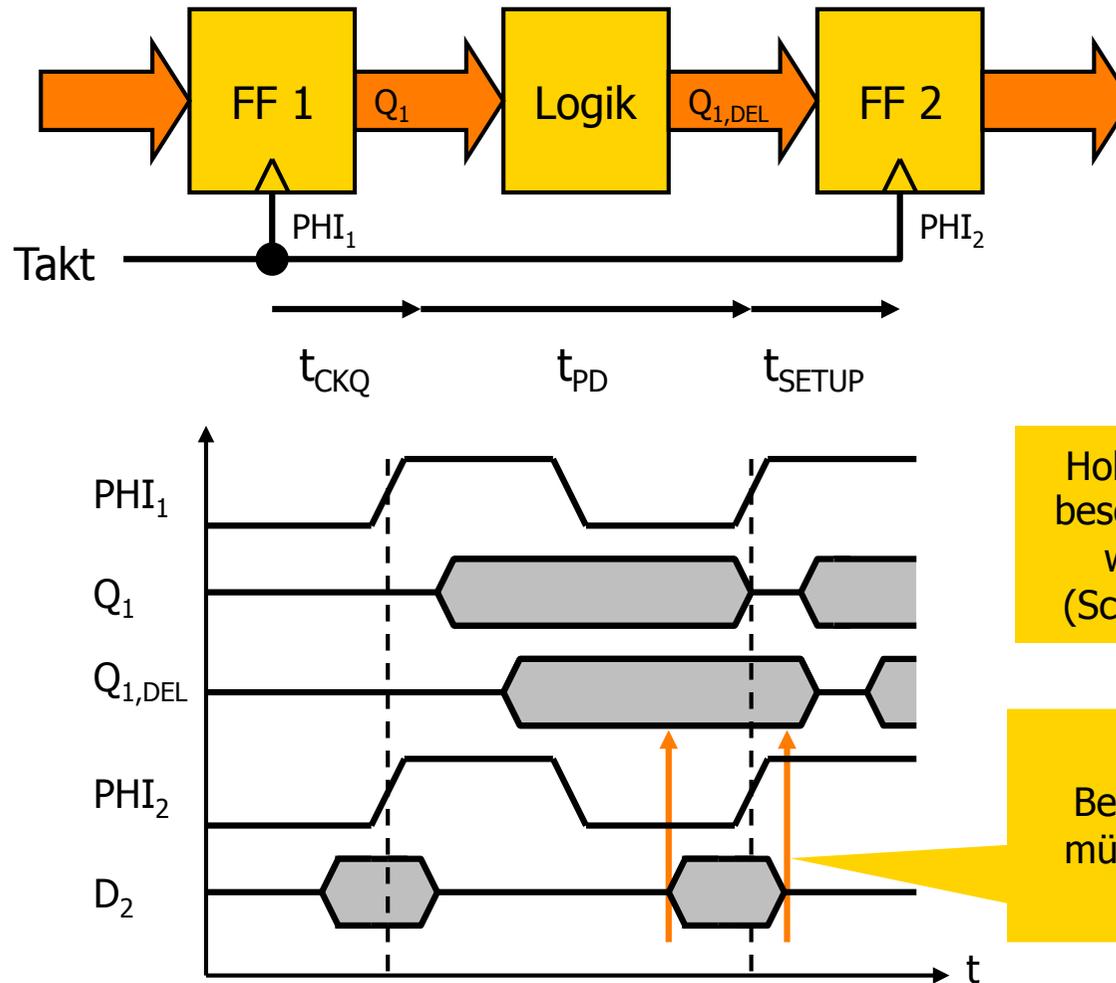
Verschiebung von Setup und Hold Zeiten

- Das Akzeptanzfenster kann durch Einfügen einer Verzögerung am *Dateneingang* nach vorne geschoben werden.
- Die Hold Zeit kann so zu Null oder negativ gemacht werden, die Setup Zeit erhöht sich.



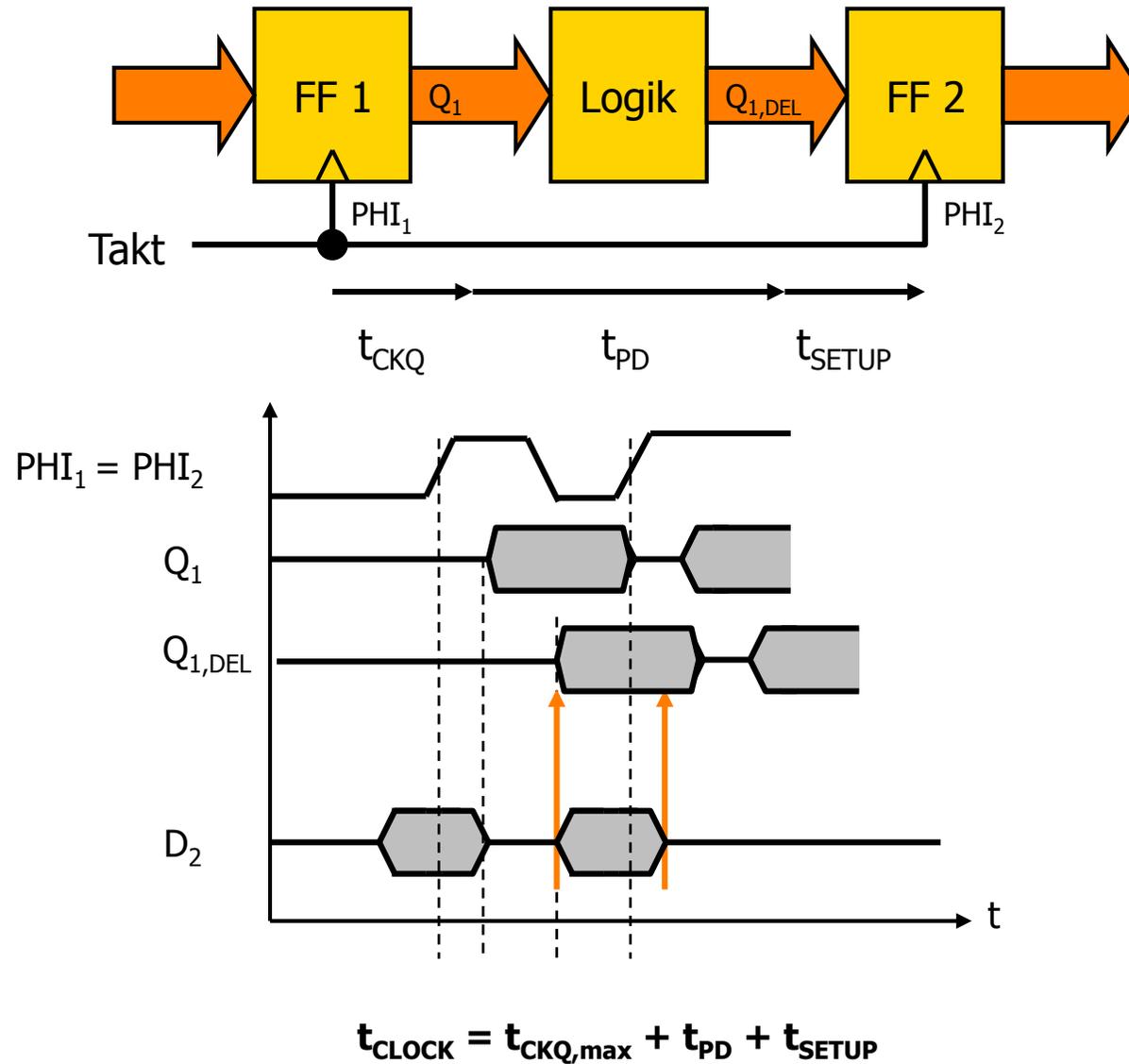
- Durch lokale Verzögerung des *Taktes* wird das Fenster nach hinten verschoben. Hierdurch wird aber auch t_{CKQ} verschoben! Vorsicht!

Erlaubte Taktfrequenzen

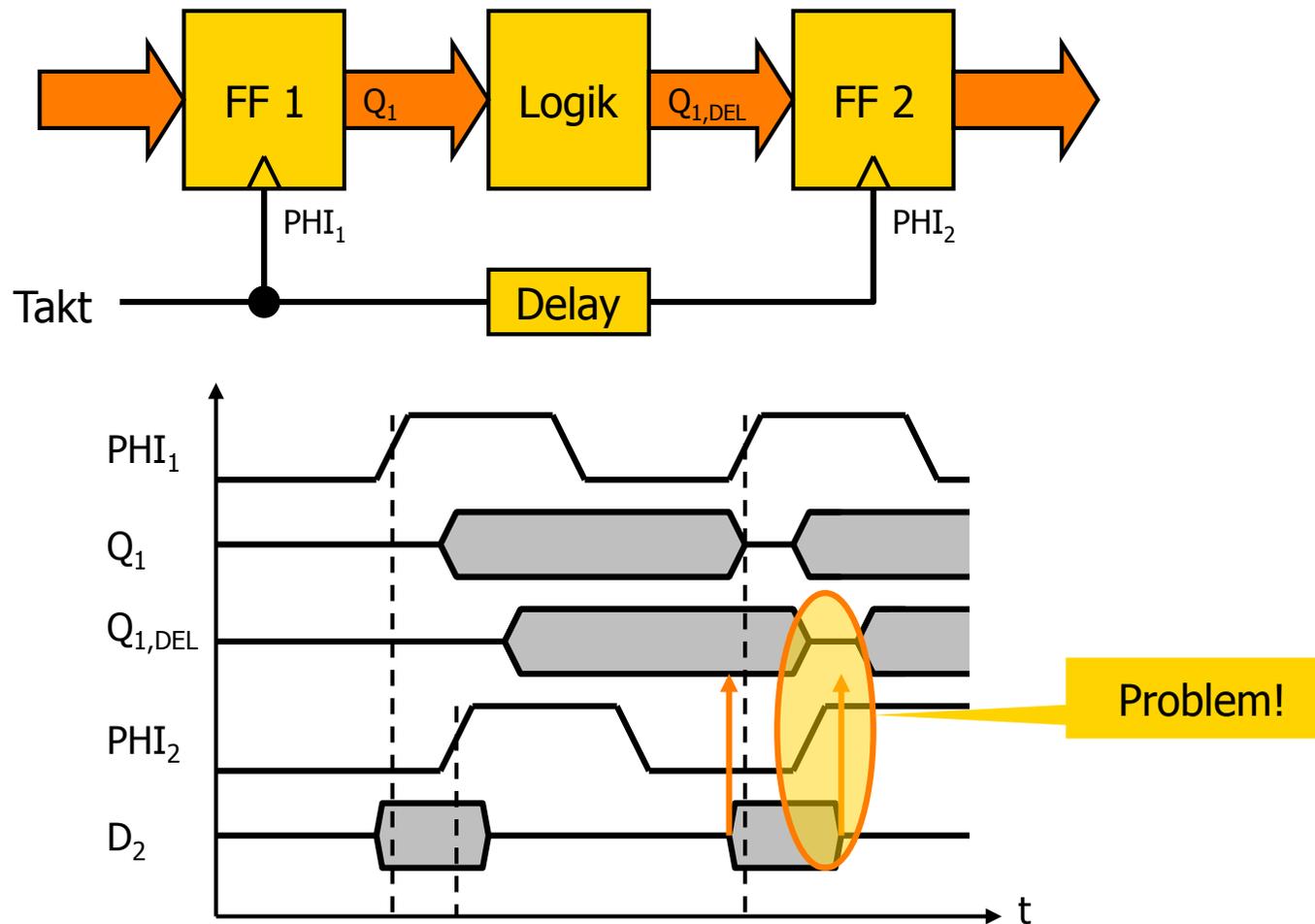


- Taktperiode $t_{\text{CLOCK}} > t_{\text{CKQ,max}} + t_{\text{PD}} + t_{\text{SETUP}}$ und $t_{\text{CKQ,min}} + t_{\text{PD}} > t_{\text{hold}}$ (kleines t_{CKQ} gefährlich!)
- falls PHI1 und PHI2 nicht zeitgleich sind (RC auf Leitungen, Buffer..) muß dies berücksichtigt werden!

Maximale Taktfrequenz



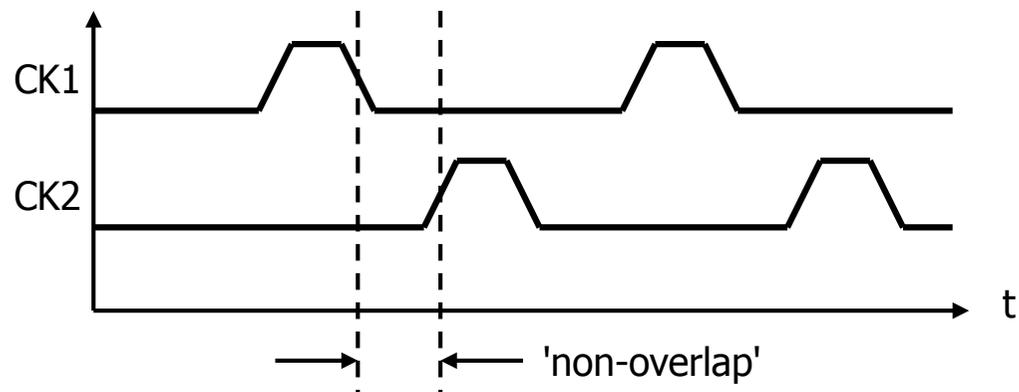
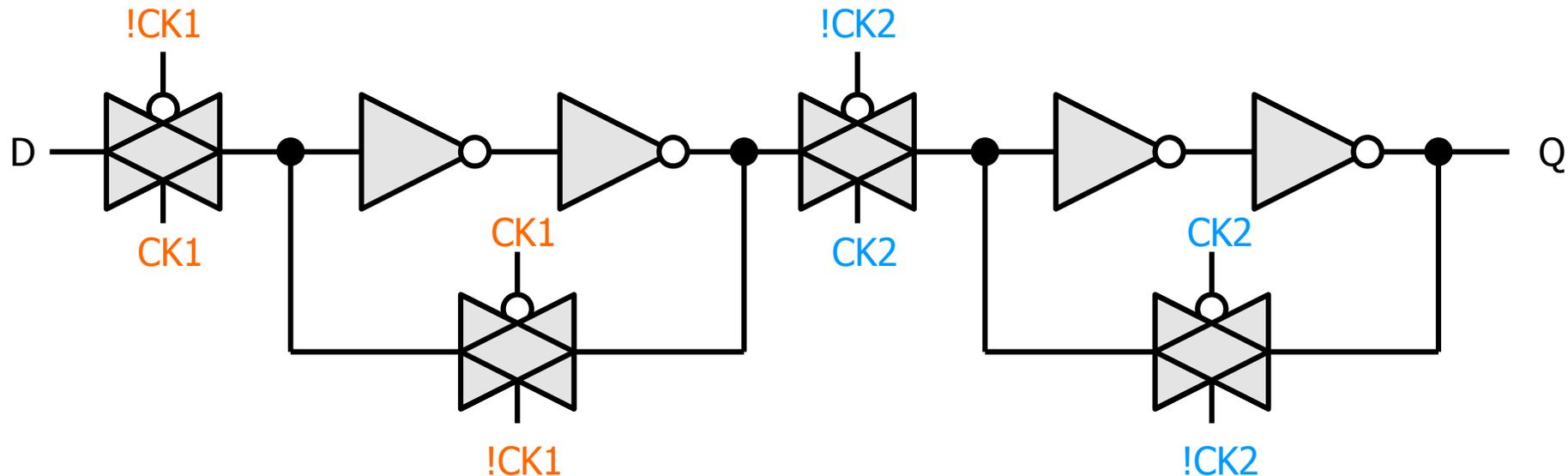
Verzögerung des Takts – 'skew'



- Daten werden nicht richtig übertragen, wenn sie innerhalb der Setup/Hold-Zeit nicht stabil sind
- **Dies kann bei Verzögerung des Taktes (unabhängig von der Taktfrequenz!) passieren!**

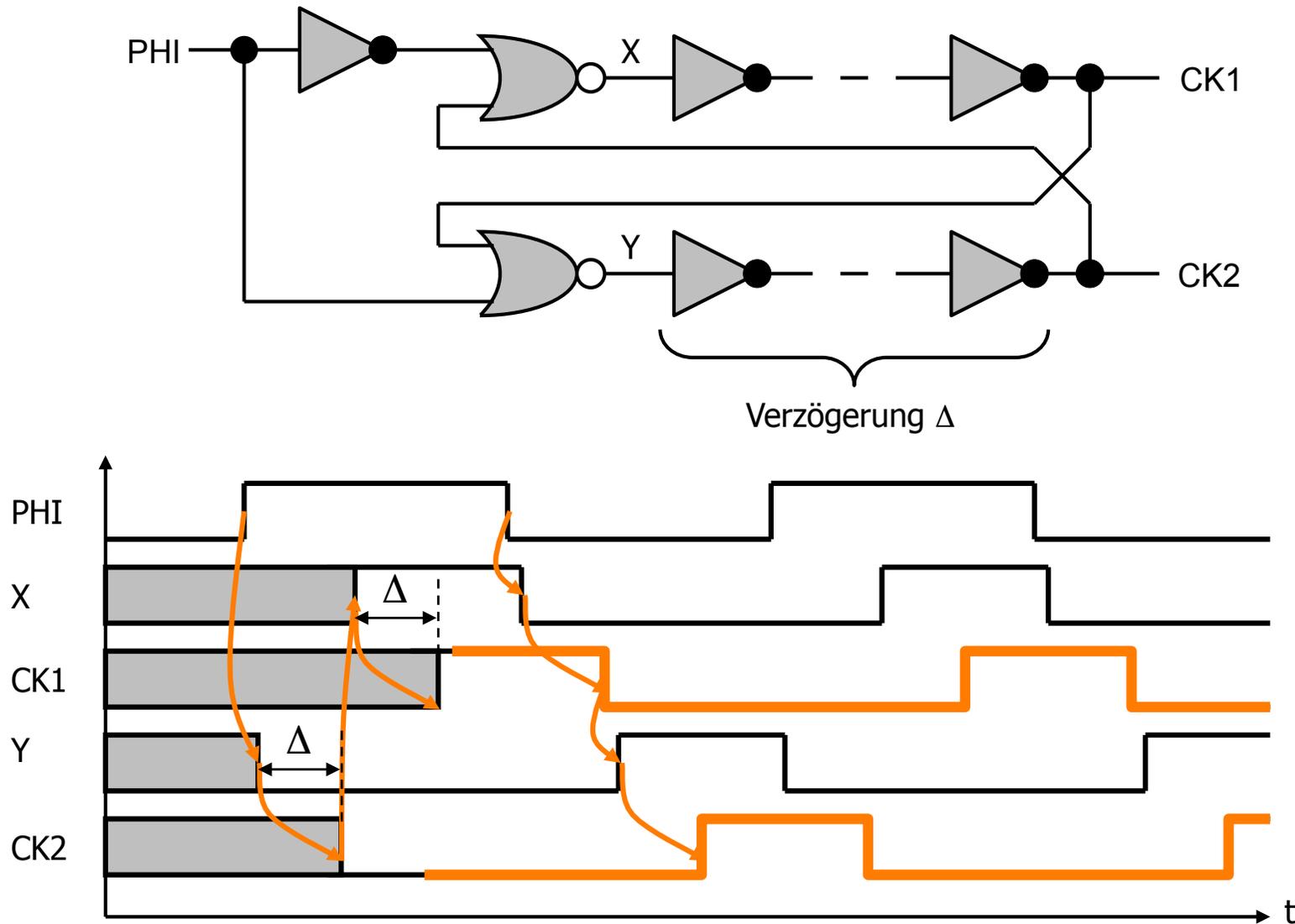
Konservatives Statisches Zwei-Phasen-Flipflop

- Vermeide das Risiko der Überlappung von CK und !CK durch Einführung von **zwei** Taktsignalen CK1/CK2
- Ein Latch pro Taktsignal:



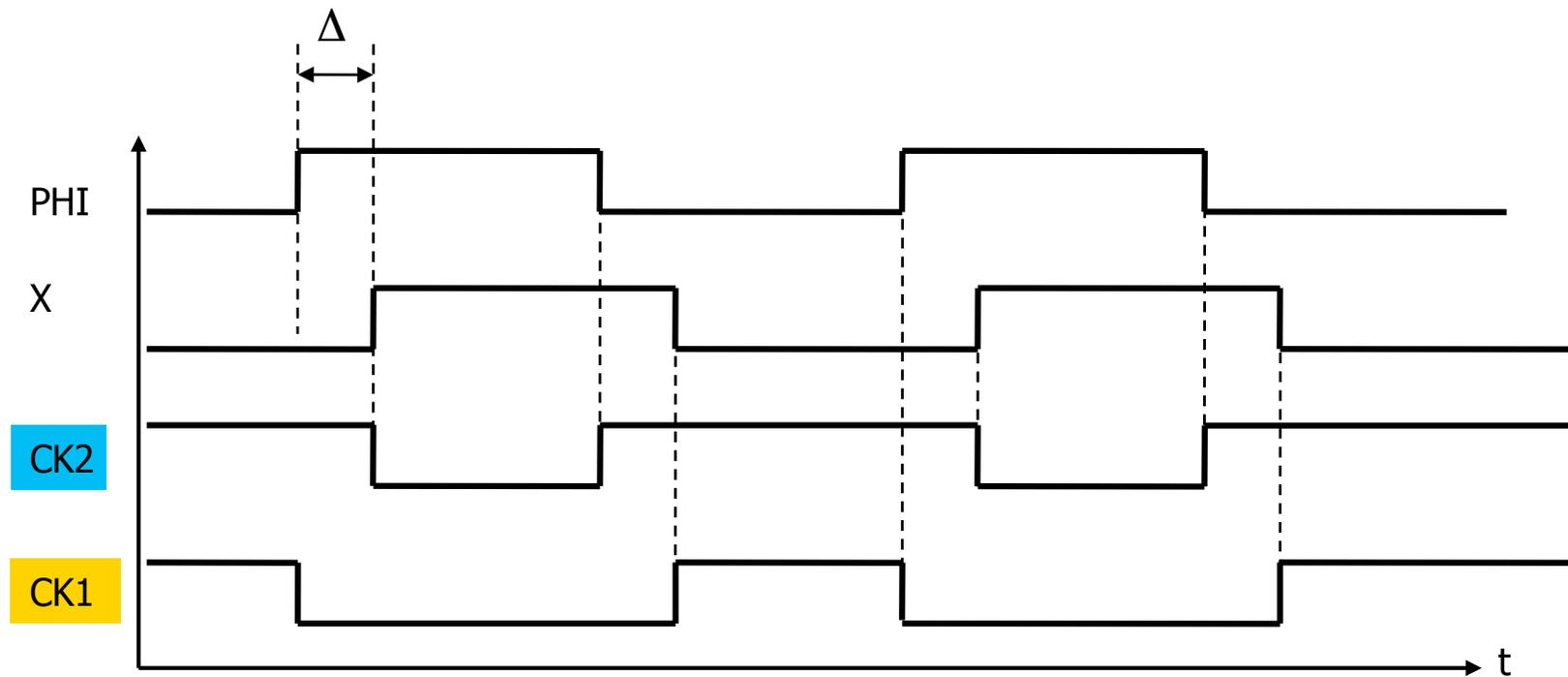
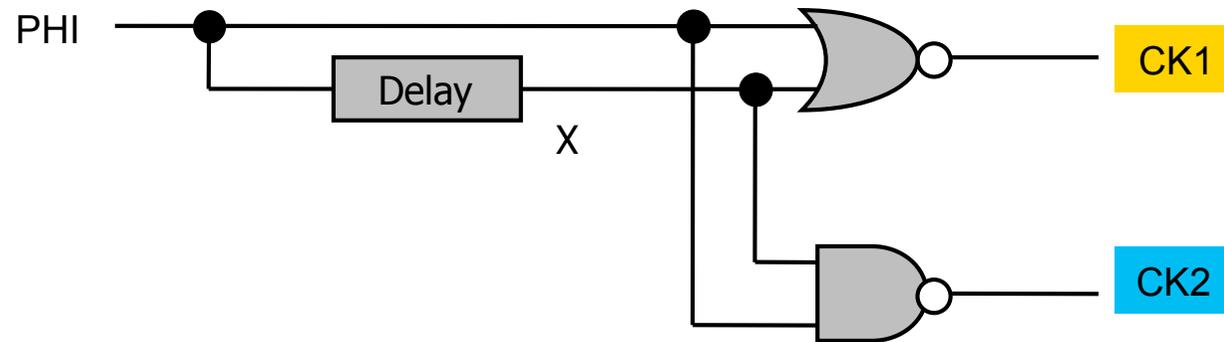
Erzeugung von Nicht-Überlappenden Takten

- Klassische ‚Textbook‘ Schaltung: SR-FF mit interner Verzögerung:



Alternative Schaltung

- Benötigt nur eine Verzögerung → leichter einstellbar!



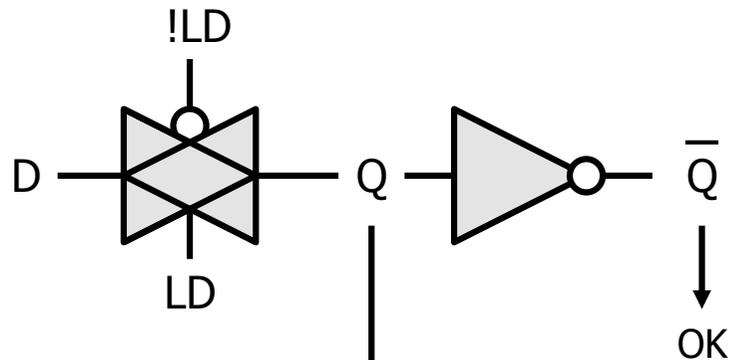
Takt Strategien

- Latches und kurze LD Pulse – GEFÄHRLICH
- Eine Phase – OK, aber Vorsicht vor Clock skew!  Standard
- Zwei-Phasen Takt – OK, sehr konservativ und sicher. Gut für langsame Designs!
- Exotisch: 'Self-Timed' – Asynchronous Design:
 - Schaltung meldet, wenn Logische Funktion implementiert ist
 - Wird immer wieder diskutiert
 - Schwierig, starker Extra-Bedarf an Logik – lohnt sich nur selten
 - Aktivität nur wenn sich was ändert -> low power

Vorgriff: Dynamische D – Latches

- Daten werden als Spannung auf einer (parasitären) Kapazität gespeichert (wie in dynamischen RAMs)

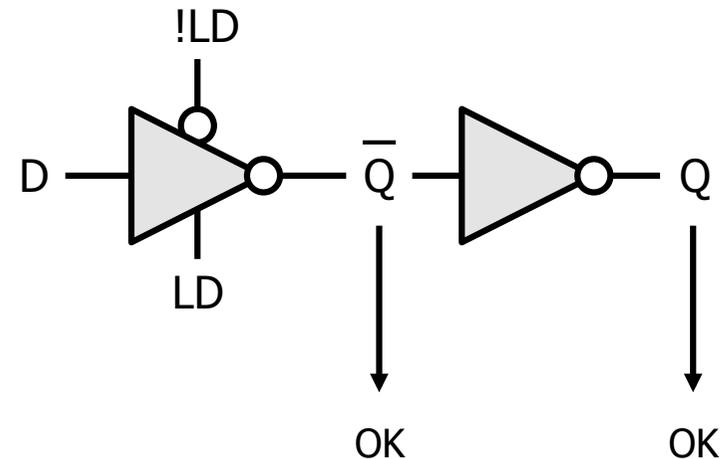
Mit Transmission Gate



Nicht getrieben ('buffered')

↓
darf wegen Ladungsteilung nicht direkt
an weitere Transmission Gates
angeschlossen werden

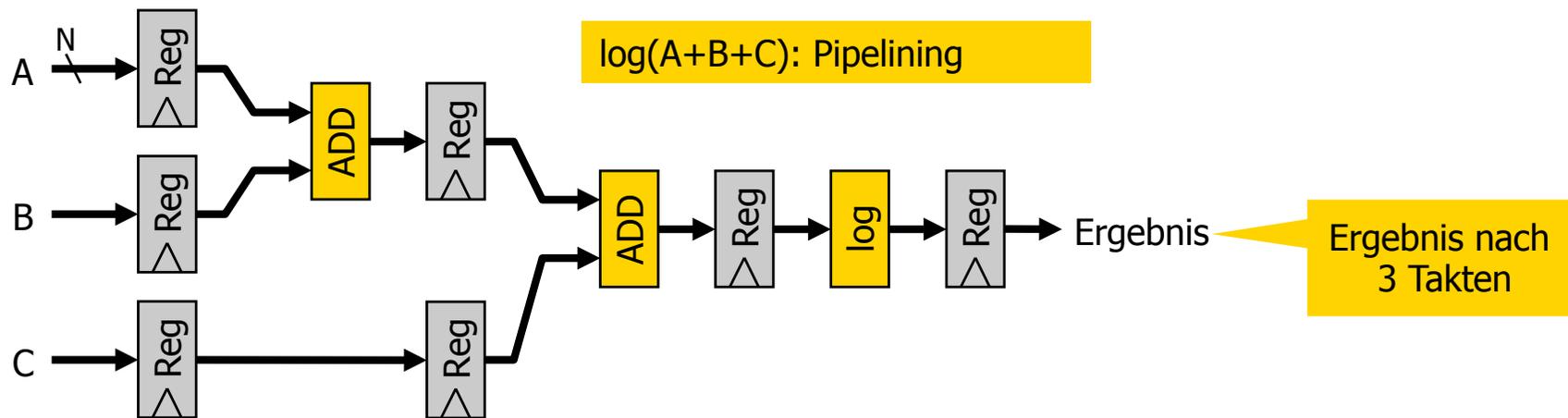
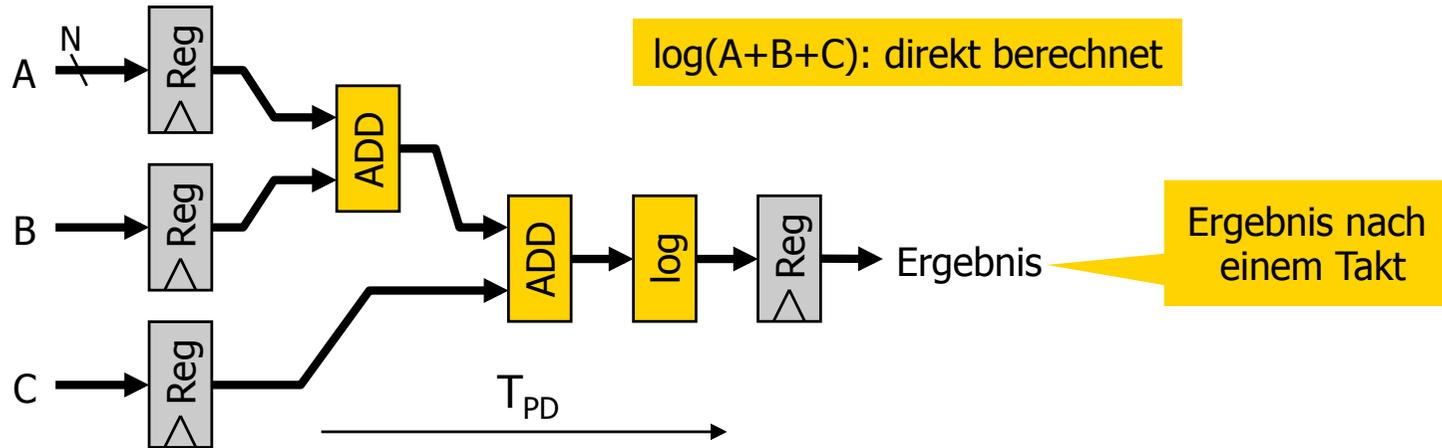
Mit Gated Inverter



- Sehr einfache Schaltungen
- Layout des Gated Inverters trotz 4 Transistoren oft nicht ungünstiger als Layout des Transmission Gates

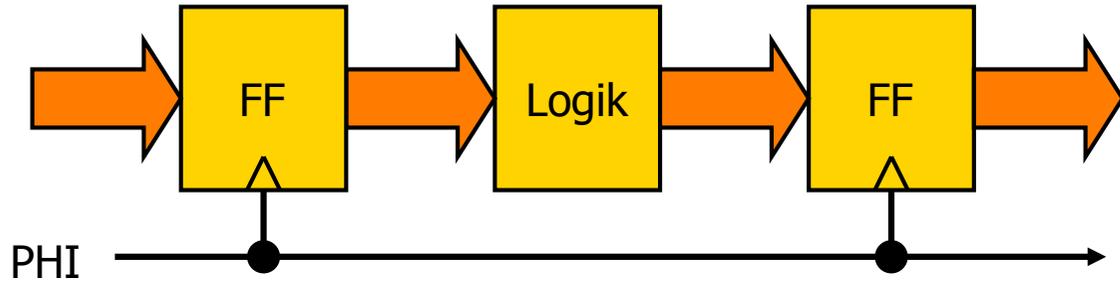
Pipelining

- Pipelining = Konsekutives Abarbeiten einer Aufgabe. Einzelschritte werden je in einem Takt erledigt
- Man benötigt also mehrere Stufen FFs mit Logik dazwischen
- Das Ergebnis ist erst nach einer längeren **Latenz** verfügbar

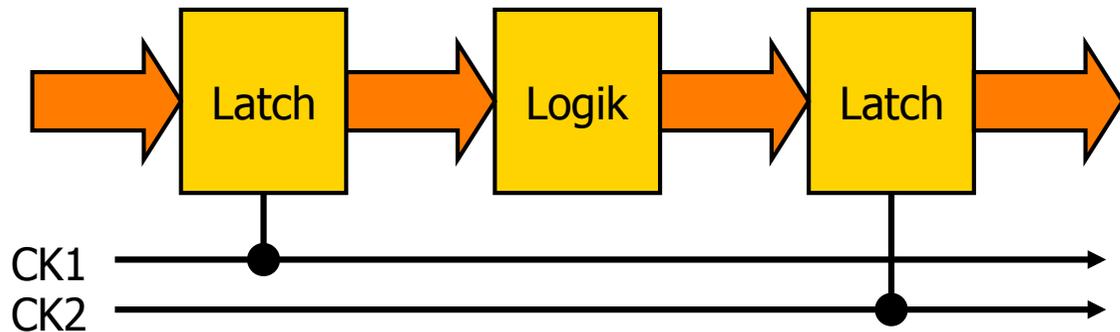


Pipelining - Implementierung

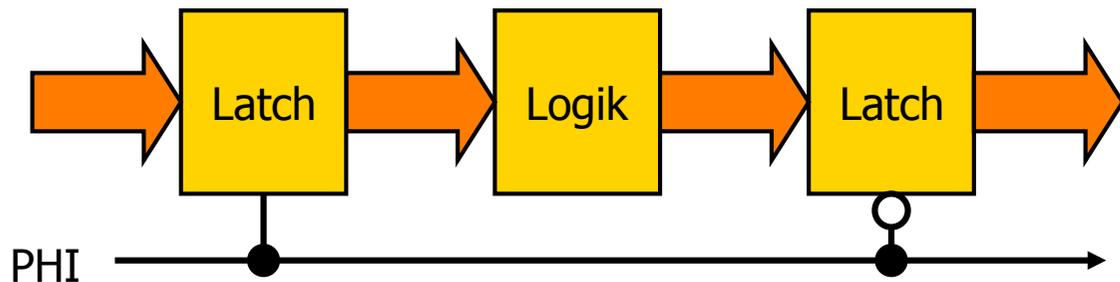
- FFs, Eine Phase
- Standard



- Latches, Zwei Phasen (nichtüberlappend)
- Entspricht dem Einbau von Logik ins FF bei two-phase Clocking

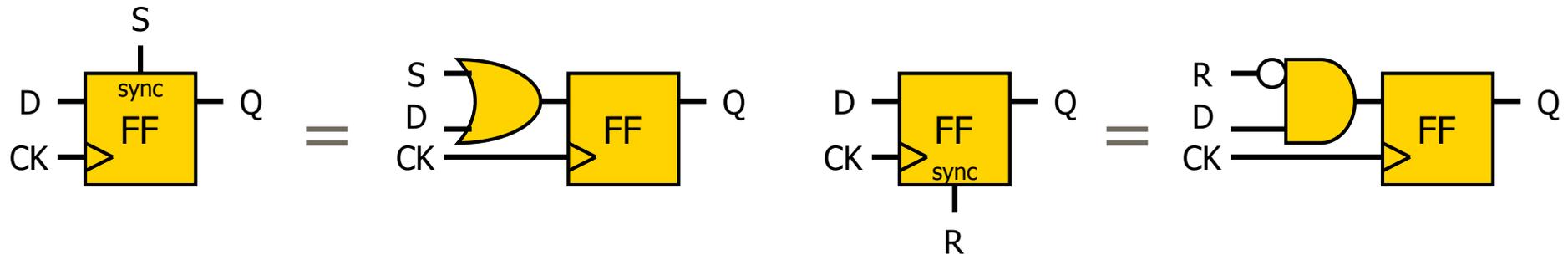


- Latches, Eine Phase
- Entspricht Einbau von Logik in FFs bei einer Taktphase

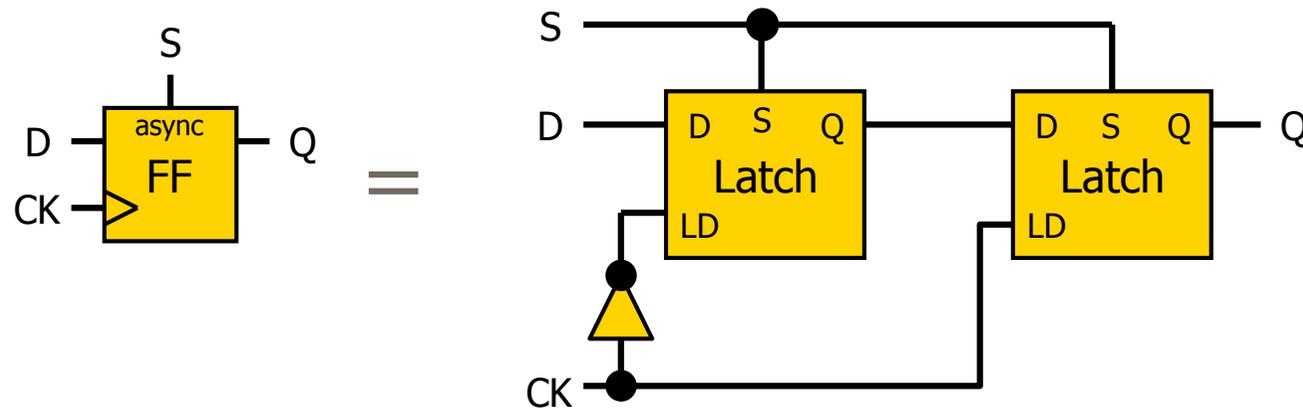


Setzen und Rücksetzen von FFs

- Implementierung **synchrones** Setzen/Rücksetzen:



- Implementierung **asynchrones** Setzen:



- Ob ein Set/Reset Eingang synchron oder asynchron ist, geht aus dem Schaltsymbol oft nicht klar hervor !!

Setzen und Rücksetzen von FFs

- Beim Rücksetzen (Löschen, '**Reset**') und Setzen ('**Set**') unterscheidet man grundsätzlich zwischen:
 - **Synchroner** Operation: Set/Reset wird erst **mit dem Takt** ausgeführt
Der Ausgang wird dann 1/0, unabhängig vom Eingang
Es gibt Setup und Hold Zeiten für Set/Reset
 - **Asynchrone** Operation: Set/Reset wird **sofort** ausgeführt
- Set und Reset sollten nie gleichzeitig anliegen!

